

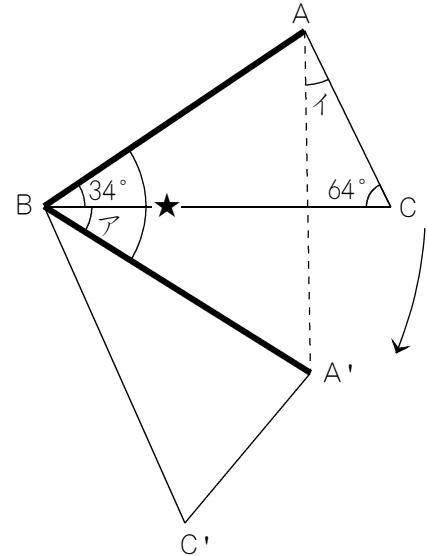
演習問題集6年上第12回・くわしい解説

目次		
ステップ①	1 p.2
ステップ①	2 p.3
ステップ①	3 p.4
ステップ①	4 p.5
ステップ①	5 p.6
ステップ①	6 p.7
ステップ①	7 p.8
ステップ①	8 p.9
ステップ①	9 p.11
ステップ①	10 p.12
ステップ②	1 p.14
ステップ②	2 p.15
ステップ②	3 p.16
ステップ②	4 p.18
ステップ③	1 p.23
ステップ③	2 p.26

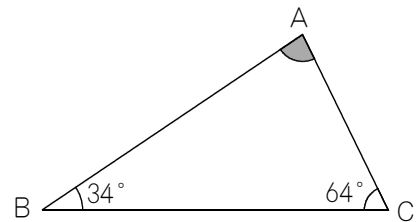
ステップ① 1

- (1) 三角形ABCを66度回転したのですから、辺ABも辺A'Bまで66度回転しました。

右の図の★の角度が66度なので、角アは、 $66 - 34 = 32$ (度)です。



- (2) 三角形ABCにおいて、かげをつけた角度は、 $180 - (34 + 64) = 82$ (度)です。

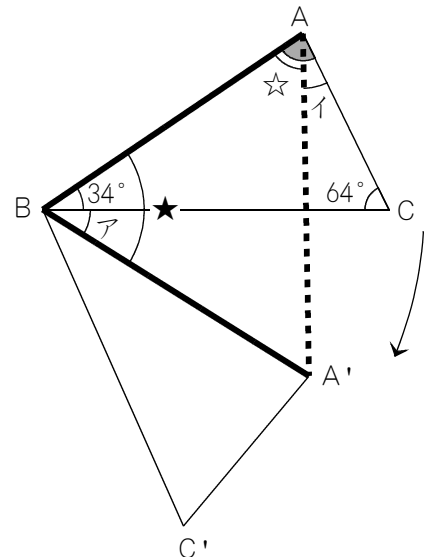


辺ABを回転させたのが辺A'Bですから、辺ABと辺A'Bは同じ長さです。

よって、三角形ABA'は二等辺三角形です。

右の図の★は(1)で求めた通り66度ですから、☆の角度は、 $(180 - 66) \div 2 = 57$ (度)です。

かげをつけた角度は82度ですから、角イは、 $82 - 57 = 25$ (度)です。



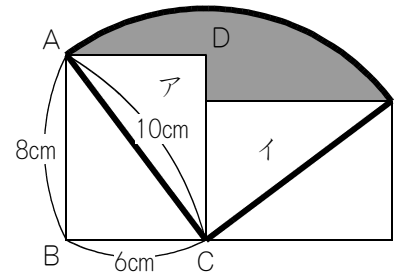
ステップ① 2

右の図の太線でかこまれたおうぎ形は、半径が10 cmで、90度回転させたのですから、四分円です。

この四分円の面積は、 $10 \times 10 \times 3.14 \div 4 = 78.5 (\text{cm}^2)$ です。

アは長方形の半分、イも長方形の半分ですから、ア、イ合わせると長方形の面積になり、 $6 \times 8 = 48 (\text{cm}^2)$ です。

よって、かげの部分の面積は、 $78.5 - 48 = 30.5 (\text{cm}^2)$ です。



ステップ① 3

(1) 頂点Bは、半径が3cmで、中心角が120度のおうぎ形の弧をえがきます。

$\frac{120}{360} = \frac{1}{3}$ ですから、頂点Bが動いたあとの線の長さは、 $3 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{3} = 6.28$ (cm) です。

(2) すぐるで「遠近法」と名付けている解き方で。

辺ABは、右の図の辺A'B'まで回転しました。

辺ABと辺A'B'を太線にします。

辺ABのうち、回転の中心である点Cから、
もっとも「遠い」点は点Aで、
もっとも「近い」点は点Bです。

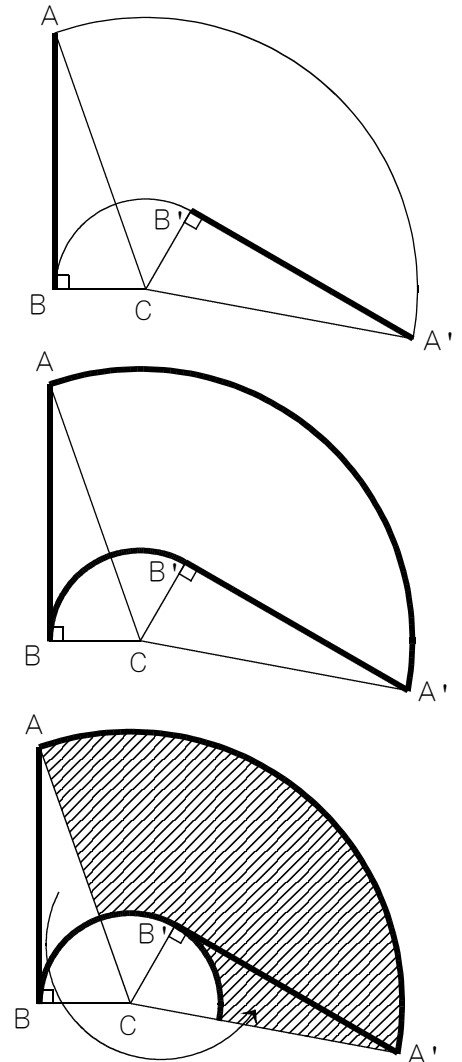
点Aが動いた部分、点Bが動いた部分を太線にすると、右の図のように太線でかこまれた部分ができます。その部分の面積を求めることになります。

右の図のように移動させると、斜線部分の面積を求めればよいことになります。

「大おうぎ形-小おうぎ形」となり、「大おうぎ形」の半径は9cmで、「小おうぎ形」の半径は3cmです。

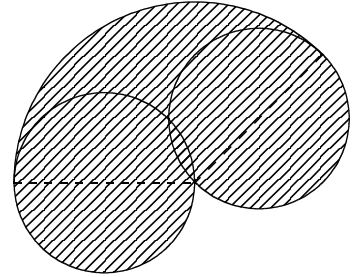
「大おうぎ形」も「小おうぎ形」も、中心角は120度で、 $\frac{120}{360} = \frac{1}{3}$ ですから、

$$\begin{aligned} & 9 \times 9 \times 3.14 \times \frac{1}{3} - 3 \times 3 \times 3.14 \times \frac{1}{3} \\ &= (9 \times 9 - 3 \times 3) \times 3.14 \times \frac{1}{3} \\ &= 72 \times 3.14 \times \frac{1}{3} \\ &= 24 \times 3.14 \\ &= 75.36 \text{ (cm}^2\text{)} \text{ です。} \end{aligned}$$

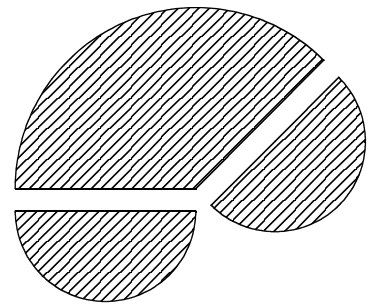


ステップ① 4

円が動いたあとは、右の図の斜線部分のようになります。



右の図のように切り分けると、半径が4cmで中心角が135度のおうぎ形と、半径が2cmの半円と半円になります。



半円と半円は合わせて円になります。

$$\frac{135}{360} = \frac{3}{8} \text{ ですから,}$$

$$4 \times 4 \times 3.14 \times \frac{3}{8} + 2 \times 2 \times 3.14$$

$$= 6 \times 3.14 + 4 \times 3.14$$

$$= (6 + 4) \times 3.14$$

$$= 10 \times 3.14$$

$$= \mathbf{31.4} \text{ (cm}^2\text{) です。}$$

ステップ① 5

円が動いたあとは、右の図の斜線部分のようになります。

円は1回転したのですから、アは円周の長さです。

右の図のように分けると、斜線部分は半円と長方形と半円になります。

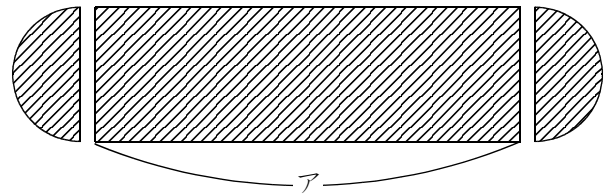
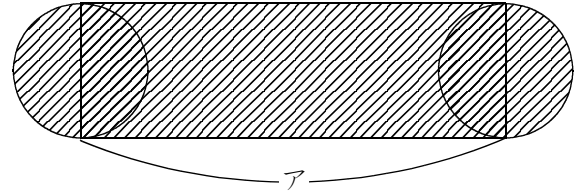
半円と半円で円になります。

円の半径は4cmですから、円の直径は $4 \times 2 = 8$ (cm)です。

よって斜線部分の面積は、

$$\underbrace{4 \times 4 \times 3.14}_{\text{円}} + \underbrace{8 \times (4 \times 2 \times 3.14)}_{\text{長方形}} = 16 \times 3.14 + 64 \times 3.14 = (16 + 64) \times 3.14 = 80 \times 3.14 = 251.2 \text{ (cm}^2\text{)}$$

になります。

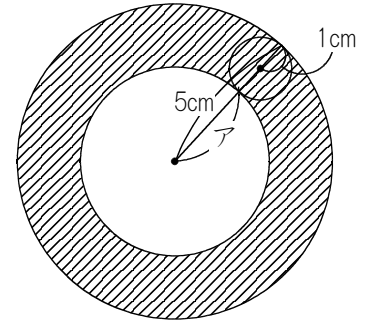


ステップ① 6

円が動いたあとは、右の図の斜線部分のようになります。

アの長さは、 $5 - 1 \times 2 = 3$ (cm) ですから、

$$\begin{aligned}
 \text{斜線部分の面積} &= 5 \times 5 \times 3.14 - \text{ア} \times \text{ア} \times 3.14 \\
 &= 5 \times 5 \times 3.14 - 3 \times 3 \times 3.14 \\
 &= 25 \times 3.14 - 9 \times 3.14 \\
 &= (25 - 9) \times 3.14 \\
 &= 16 \times 3.14 \\
 &= \mathbf{50.24} \text{ (cm}^2\text{)}
 \end{aligned}$$

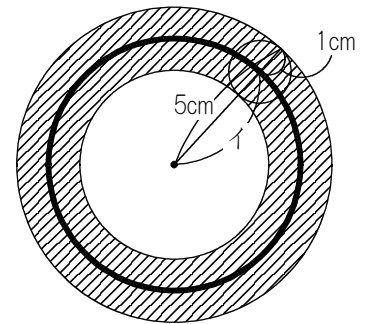


別解 「センターラインの公式」を利用して、求めることができます。

小さい円の中心が動いたのは、右の図の太線部分の円で、その半径はイで、 $5 - 1 = 4$ (cm) です。

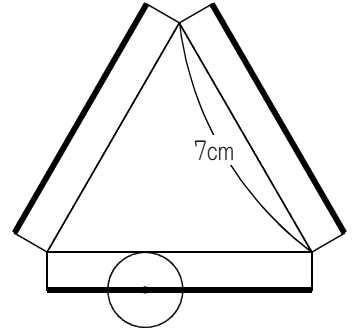
太線部分の長さは、 $4 \times 2 \times 3.14$ で、直径は $1 \times 2 = 2$ (cm) ですから、

$$\begin{aligned}
 \text{斜線部分の面積} &= \text{円の中心が動いた長さ} \times \text{円の直径} \\
 &= (4 \times 2 \times 3.14) \times 2 \\
 &= 16 \times 3.14 \\
 &= \mathbf{50.24} \text{ (cm}^2\text{)}。
 \end{aligned}$$



ステップ① 7

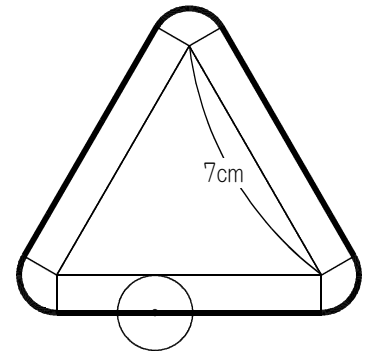
- (1) 正三角形のような直線でかこまれた図形の周りを円がころがる時は、右の図のように長方形を書いていきます。



長方形以外の部分は、おうぎ形の弧をえがきます。

3つの弧を合わせると、円周になります。

よって、円の中心が動いたあとの線の長さは、 $7 \times 3 + 1 \times 2 \times 3.14 = 21 + 6.28 = 27.28$ (cm)です。



注意 「 $1 \times 2 \times 3.14$ 」のところを、間違っって円の面積にして、「 $1 \times 1 \times 3.14$ 」としてしまうミスが多いです。注意しましょう。

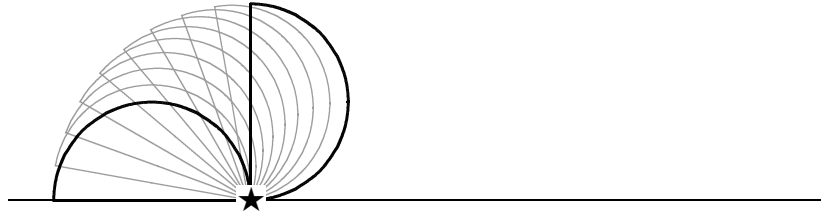
- (2) (1)を求めることができたなら、(2)は「センターラインの公式」を利用するのがラクです。

ただし、センターラインの公式を利用すると、(1)をまちがえていたら(2)も確実にまちがってしまうので注意が必要です。

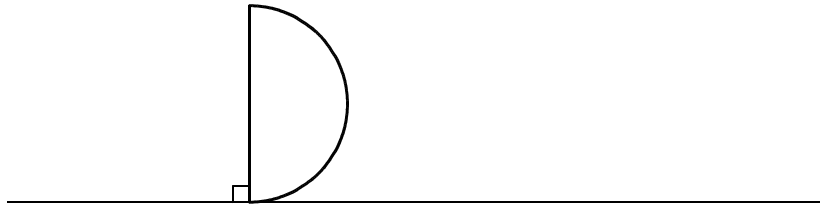
$$\begin{aligned} \text{円が動いたあとの図形の面積} &= \text{円の中心が動いた長さ} \times \text{円の直径} \\ &= 27.28 \times 2 \\ &= 54.56 \text{ (cm}^2\text{)} \end{aligned}$$

ステップ① 8

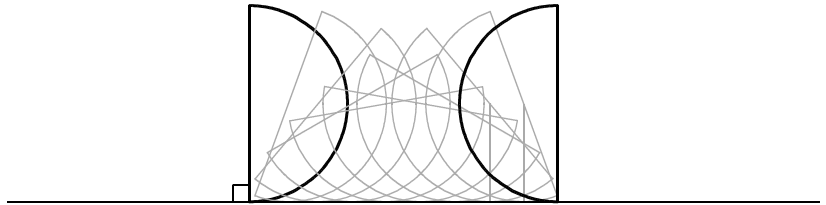
はじめは、右の図のように★の点を固定させて起き上がっていきます。



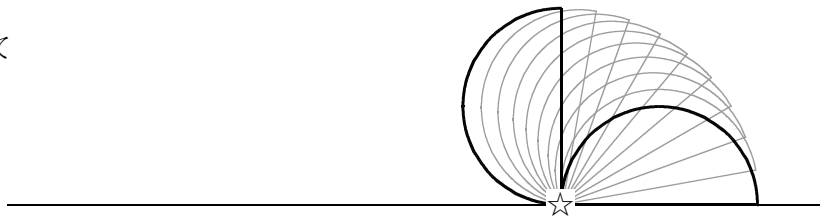
起き上がり終えたときは、右の図のように垂直になっています。



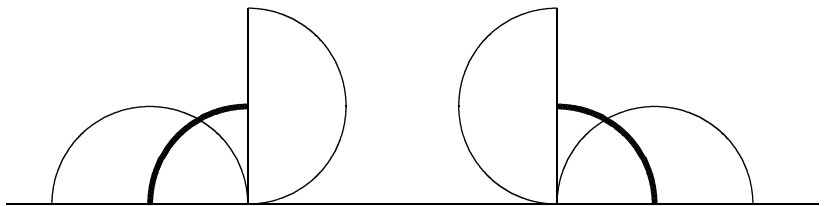
そして、ころがって行って、



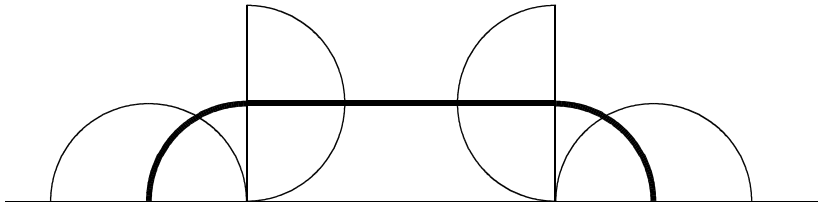
☆の点を固定させて寝かせていきます。



半円の中心Oは、起き上がる時と寝かせる時は、右の図のように四分円の弧をえがきます。

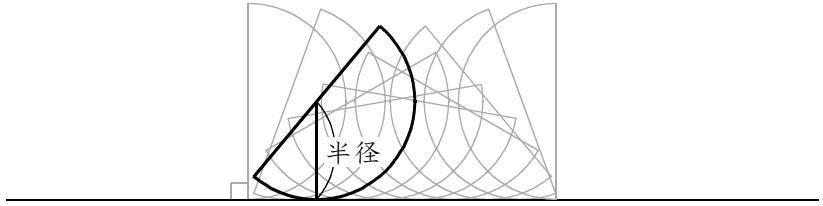


また、半円がころがっているときの中心Oは、右の図のように直線をえがきます。

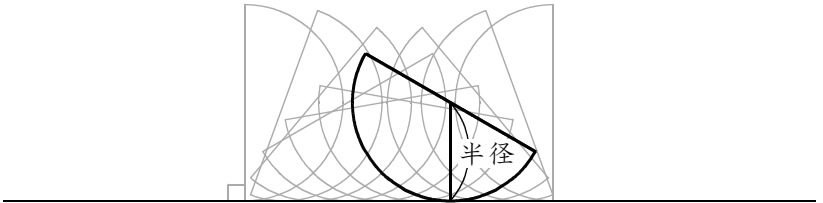


(次のページへ)

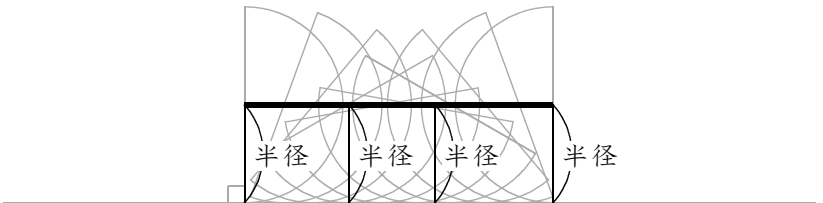
なぜ直線をえがくかという
と、ころがり途中である右の
図のような場合では、点Oは
直線から半径の長さぶんだけ
はなれたところにいる、



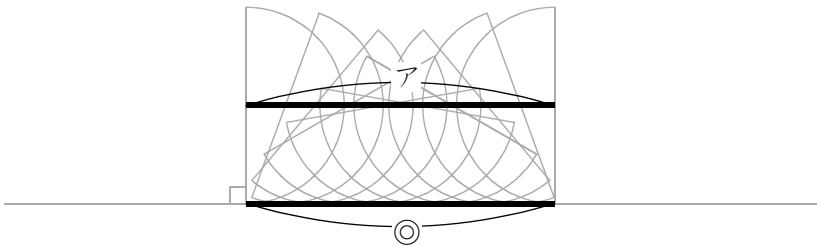
右の図のような場合でも、
点Oは直線から半径の長さぶん
だけ離れたところにいる、



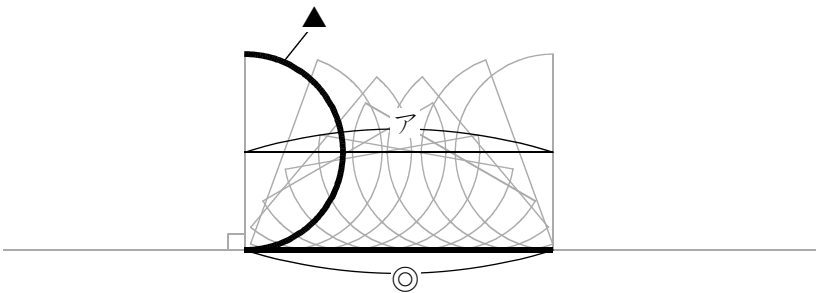
点Oはいつも直線から半径
の長さぶんだけ離れたところ
にいますから、点Oは直線
をえがくことになります。



右の図において、直線アは
◎と同じ長さです。

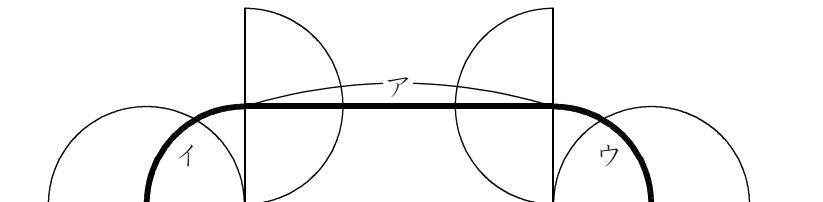


しかも◎の部分は半円の弧
がなぞったので、右の図の▲
と同じ長さです。



よって、右の図において、
アは半円の弧です。

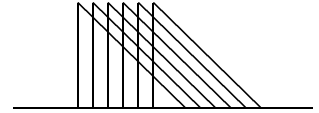
イとウは四分円の弧です
から、イとウを合わせると
半円の弧になります。



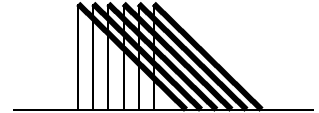
よって、ア、イ、ウを合わせると円周になり、半径は15 cmですから、点Oが動いたあ
との線の長さは、 $15 \times 2 \times 3.14 = 94.2$ (cm) になります。

ステップ① 9

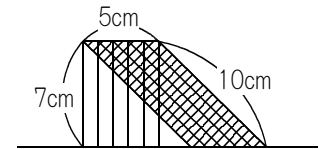
三角形をすべらせると右の図のように動いていきます。



辺 AC は右の図の太線のように動いていくので、

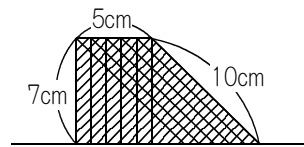


辺 AC が動いたあとの図形は、右の図のような平行四辺形になります。



この平行四辺形の底辺は 5cm で、高さは 7cm ですから、面積は、 $5 \times 7 = 35$ (cm²) です。

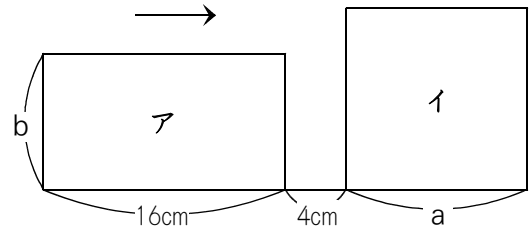
注意 三角形 ABC が動いたあとの図形なら、



のような台形になります。

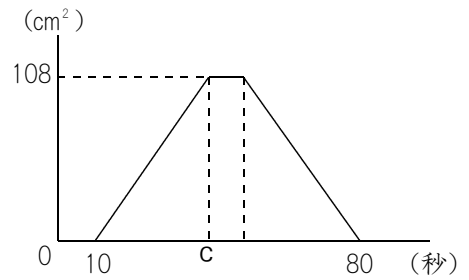
ステップ① 10 (1)

アは、4 cm動けば、イと重なりはじめます。



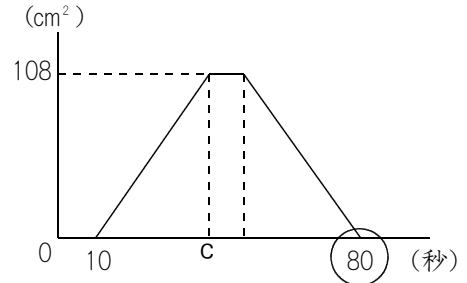
グラフを見ると、アが動きはじめて10秒後に、イと重なりはじめることがわかります。

よって、アは10秒で4 cm動きますから、アの秒速は、 $4 \div 10 = 0.4$ (cm)です。

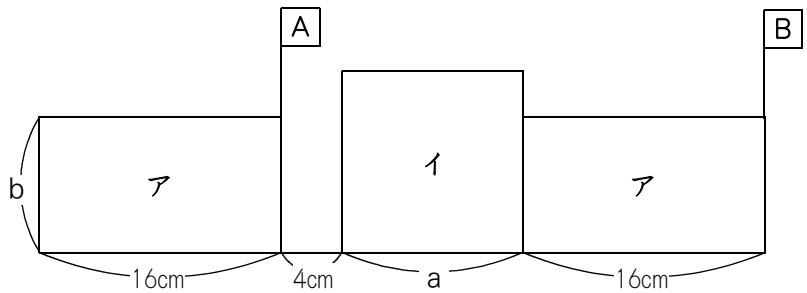


ステップ① 10 (2)

グラフを見ると，アは80秒後にイと離れます。



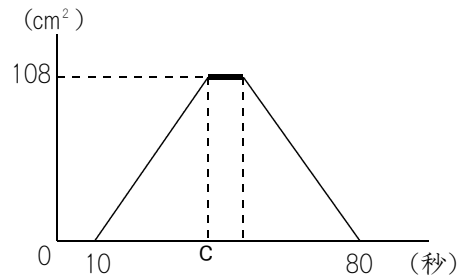
右の図において，Aの旗からBの旗まで動くのに80秒かかります。



(1)で，アは秒速0.4cmであることがわかっているので，Aの旗からBの旗までの長さは， $0.4 \times 80 = 32$ (cm)です。

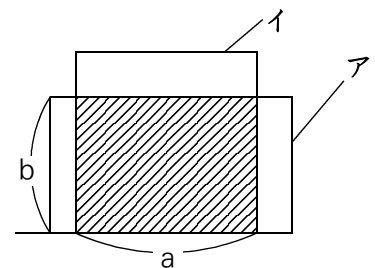
よって a は， $32 - (4 + 16) = 12$ (cm)です。

また，右のグラフの太線部分は，アとイが重なっている部分の面積が最大になったときですが，



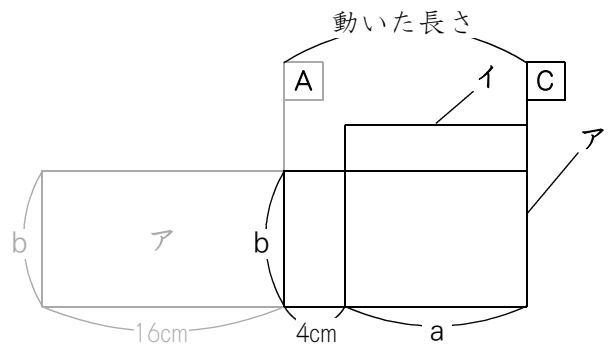
アとイは右の図のように重なり，斜線部分の面積が 108 cm^2 になります。

a は 12 cm ですから， b は， $108 \div 12 = 9$ (cm)です。



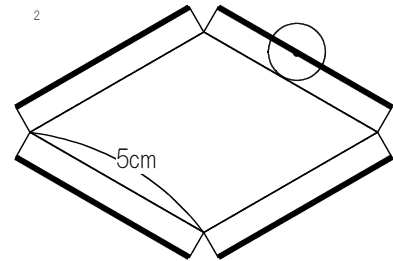
また，グラフの c は，アが右の図のCの旗のようになったときです。

旗Aから旗Cまでは， $4 + a = 4 + 12 = 16$ (cm)動き，アは毎秒0.4cmの秒速で動くことが(1)でわかっていますから， c は， $16 \div 0.4 = 40$ です。



ステップ② 1

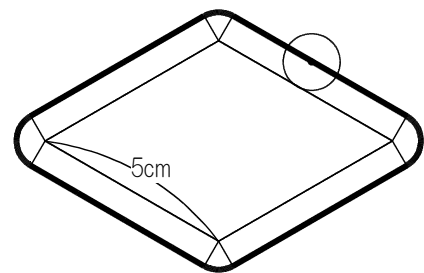
- (1) 直線でかこまれた図形の周りを円がころがる
ときは、右の図のように長方形を書いていきま
す。



長方形以外の部分は、おうぎ形の弧をえがきます。

4つの弧を合わせると、円周になります。

よって、円の中心が動いたあとの線の長さは、
 $5 \times 4 + 1 \times 2 \times 3.14 = 20 + 6.28 = 26.28$ (cm)です。



注意 「 $1 \times 2 \times 3.14$ 」のところを、間違っ
て円の面積にして、「 $1 \times 1 \times 3.14$ 」とし
てしまうミスが多いです。注意しまし
ょう。

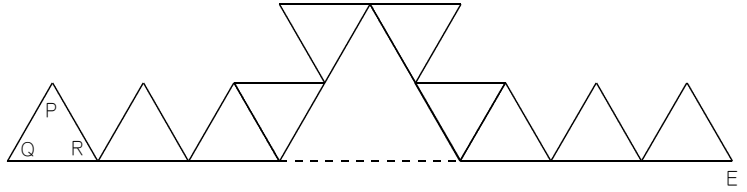
- (2) (1)を求めることができたなら、(2)は「セ
ンターラインの公式」を利用するのがラク
です。

ただし、センターラインの公式を利用すると、
(1)をまちがえていたら(2)も確実にま
ちがってしまうので注意が必要です。

$$\begin{aligned} \text{円が動いたあとの図形の面積} &= \text{円の中心が動いた長さ} \times \text{円の直径} \\ &= 26.28 \times 2 \\ &= 52.56 \text{ (cm}^2\text{)} \end{aligned}$$

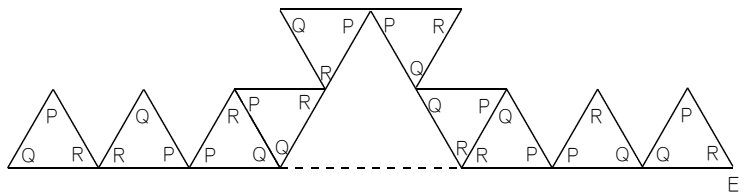
ステップ② 2

- (1) 右の図のように正三角形を書き、
記号を内側に書いていきましょう。



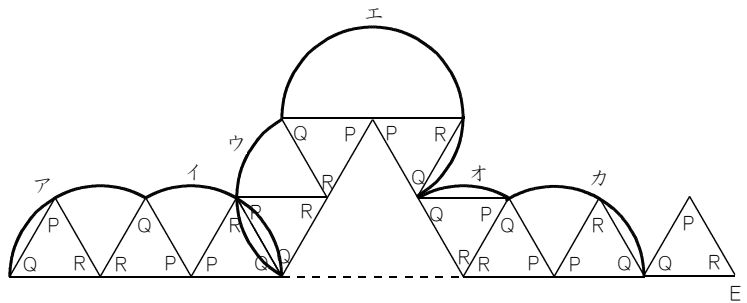
記号は右の図のようになります。

よって点Eの位置にくるのは、
頂点 **R** です。



- (2) 頂点Qは右の図のような線を
えがきます。

半径はすべて3cmのおうぎ形
の弧で、中心角は、



- ア… 120 度
- イ… 120 度
- ウ… 120 度
- エ… $180 + 60 = 240$ (度)
- オ… 60 度
- カ… 120 度

全部合わせて、 $120 + 120 + 120 + 240 + 60 + 120 = 780$ (度)です。

$\frac{780}{360} = \frac{13}{6}$ ですから、頂点Qが動いた線の長さは、

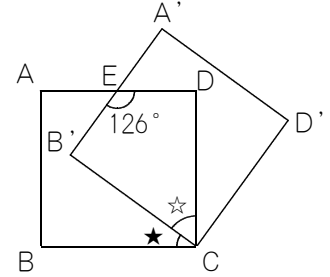
$$3 \times 2 \times 3.14 \times \frac{13}{6} = 13 \times 3.14 = 40.82 \text{ (cm) です。}$$

ステップ② 3

- (1) BCは回転してB'Cに移りましたから、右の図の★の角度がわかればよいことになります。

四角形EB'CDにおいて、角Eは126度、角B'とDは90度ですから、☆の角度は、 $360 - (126 + 90 \times 2) = 54$ (度)です。

よって★の角度は、 $90 - 54 = 36$ (度)です。



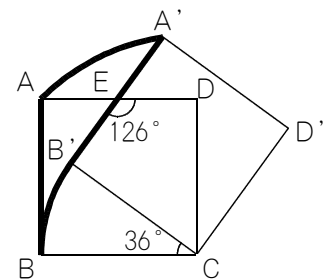
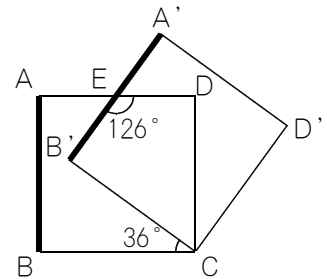
- (2) すぐるで「遠近法」と名付けている解き方で。

辺ABは、右の図の辺A'B'まで回転しました。

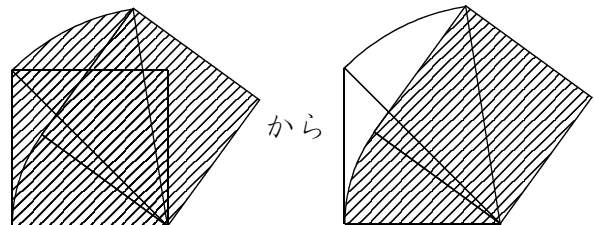
辺ABと辺A'B'を太線にします。

辺ABのうち、回転の中心である点Cから、もっとも「遠い」点は点Aで、もっとも「近い」点は点Bです。

点Aが動いた部分、点Bが動いた部分を太線にすると、右の図のように太線でかこまれた部分ができます。この太線部分の面積を求めることになります。



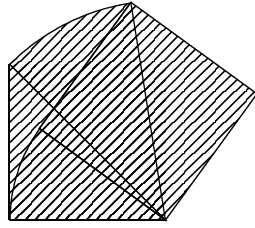
太線部分の面積は、この図形全体の面積



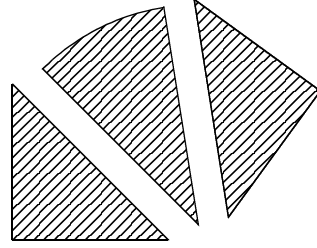
を引いた残りです。

(次のページへ)

この図形全体の面積



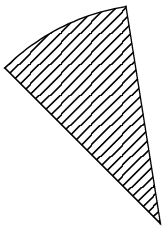
は、



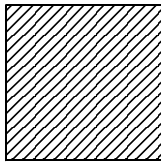
のように分ける

と、大きいおうぎ形と、直角二等辺三角形が2つです。

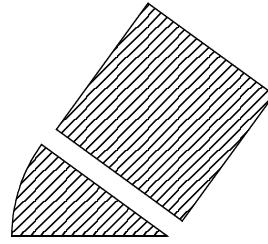
直角二等辺三角形2つで正方形になりますから、図形全体の面積は、



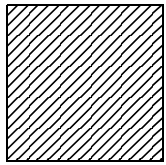
と



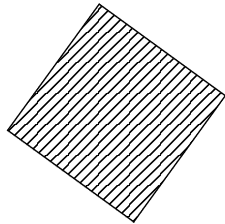
の合計です。そこから



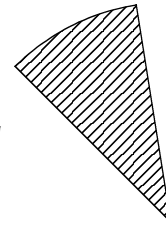
を引きますが、



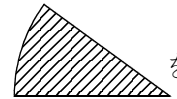
と



は同じですから、結局

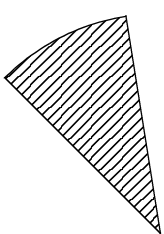


から

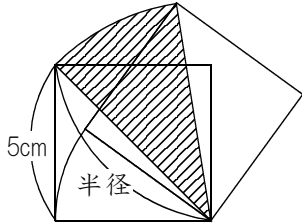


を

引けばよいわけです。



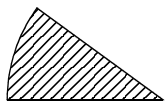
は



半径はわかりませんが、「半径×半径÷2」は

正方形の面積になるので、 $5 \times 5 = 25$ です。よって「半径×半径」は、 $25 \times 2 = \frac{50}{ア}$ です。

は半径が5cmのおうぎ形です。



(1)で求めた通り、正方形は36度回転したのですから、大きいおうぎ形も、小さいおうぎ形も、中心角は36度です。

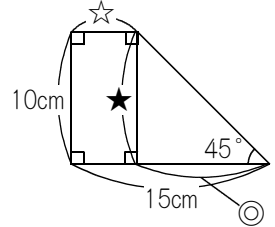
$\frac{36}{360} = \frac{1}{10}$ ですから、「大きいおうぎ形-小さいおうぎ形」の面積は、

$$\frac{50}{ア} \times 3.14 \times \frac{1}{10} - 5 \times 5 \times 3.14 \times \frac{1}{10} = (50 - 25) \times 3.14 \times \frac{1}{10} = 2.5 \times 3.14 = 7.85 \text{ (cm}^2\text{)} \text{です。}$$

ステップ② 4 (1)

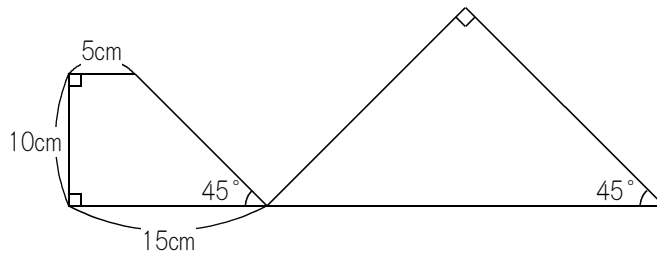
「45度といえば，直角二等辺三角形」です。

アに右の図のように補助線を引くと，★は10cmで，
直角二等辺三角形ですから◎も10cmです。

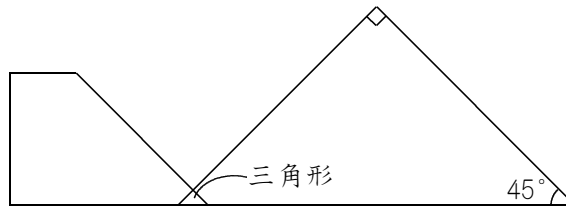


よって☆は， $15 - 10 = 5$ (cm)です。

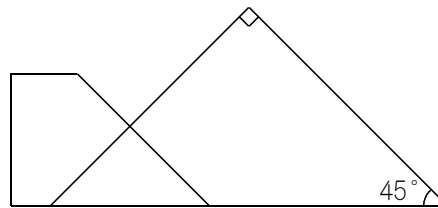
アとイは右の図のようにくっつき，



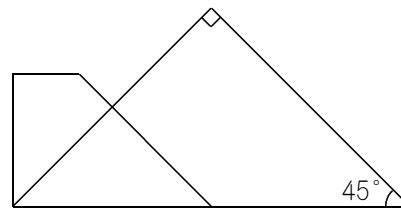
ほんの少しだけ重なったときは，重なる部分は三角形です。



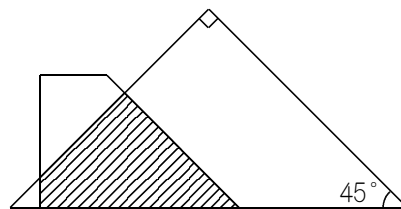
その三角形がどんどん大きくなって，



三角形がもっとも大きくなったときは，
右の図のようになります。

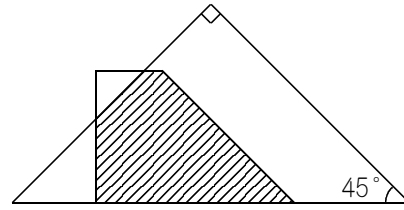


さらに進むと，右の図の斜線部分のような
四角形になります。

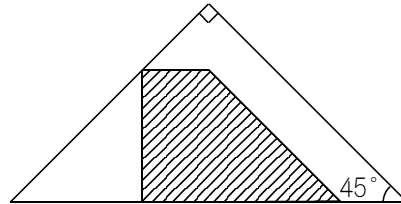


(次のページへ)

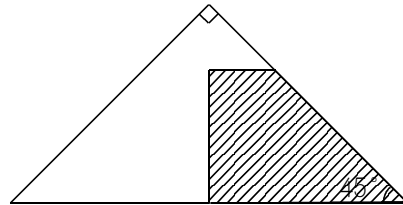
さらに進むと、右の図の斜線部分のような五角形になり、



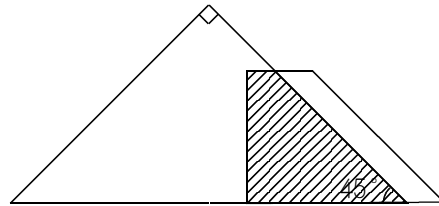
さらに進むと、アはイの中にすっぽり入って、重なり部分は四角形です。



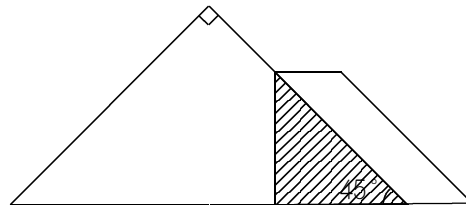
さらに進んで、右の図のようになっても、重なり部分は四角形のままです。



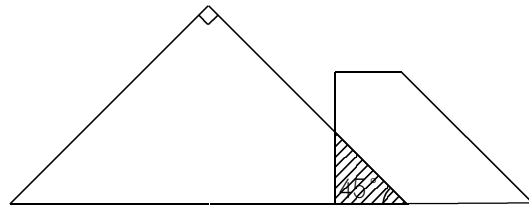
さらに進んで右の図のようになっても、重なり部分はまだ四角形のままです。



さらに進んで右の図のようになると、重なり部分は三角形になります。



そして、その重なり部分の三角形が小さくなって行って、重なり部分は消滅します。



したがって、重なり部分の形は、「三角形→四角形→五角形→四角形→三角形」となりますから、答えは、①四、②五、③四、④三です。

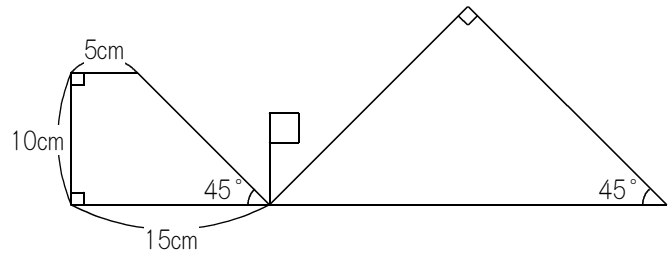
注意 問題には「漢数字」を答えなさいと書いてありますから、算用数字で書いたら×になります。

ステップ② 4 (2)

本当はどちらも毎秒1cmで動くのですが，両方とも動くと考えにくいので，イを止めて，アだけ毎秒 $1+1=2$ (cm)で動くことにします。

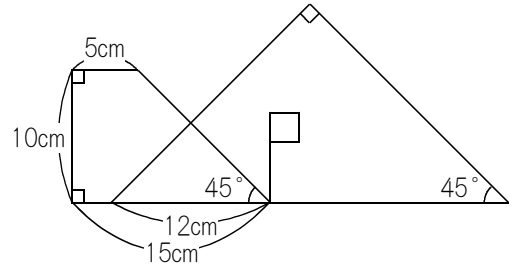
重なり始めてから6秒後には， $2 \times 6 = 12$ (cm)動きます。

重なり始めは右の図のようになっています。



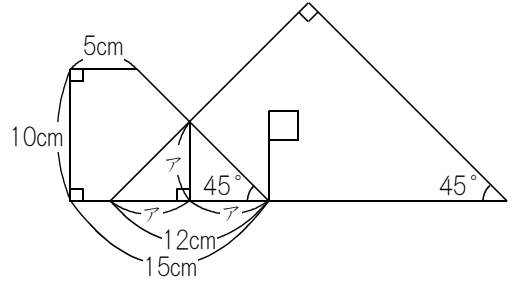
アの先頭部分に旗を立てました。

6秒後には，旗も12cm動いて，右の図のようになります。

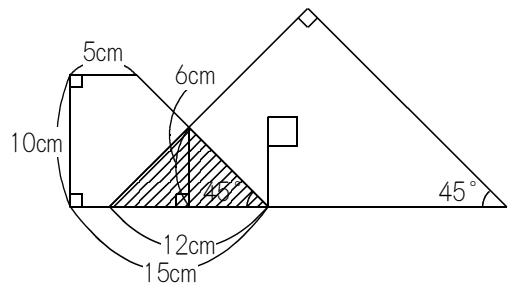


直角二等辺三角形なので，右の図のアは3個とも同じ長さです。

アが2個で12cmですから，アは， $12 \div 2 = 6$ (cm)です。

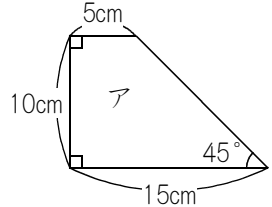


よって，6秒後の重なり部分の面積は， $12 \times 6 \div 2 = 36$ (cm²)です。



ステップ② 4 (3) 1回目

アの面積は、 $(5+15) \times 10 \div 2 = 100 \text{ (cm}^2\text{)}$ です。

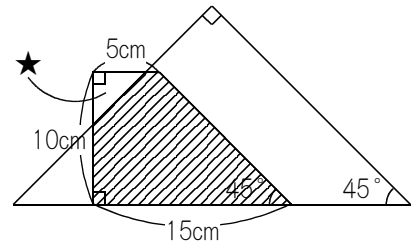


(3)では、重なるの面積が 92 cm^2 なので、 100 cm^2 とあまり変わりません。

アよりも、重なりの方が $100 - 92 = 8 \text{ (cm}^2\text{)}$ だけ小さくなっています。

1回目は、右の図のようになったときです。

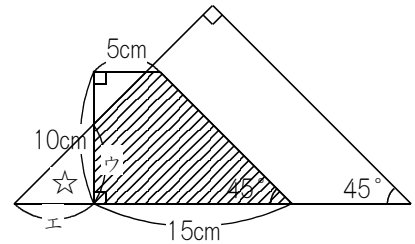
★の部分の面積が 8 cm^2 になります。



★の部分は直角二等辺三角形で、底辺を□とすると高さも□ですから、 $\square \times \square \div 2 = 8$ となり、 $\square \times \square = 16$ です。

よって、 $\square = 4$ です。

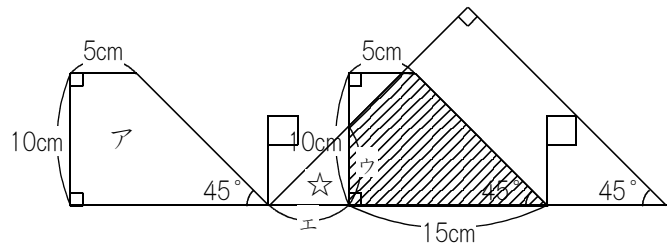
右の図のウは、 $10 - 4 = 6 \text{ (cm)}$ です。



☆の三角形も直角二等辺三角形ですから、エも 6 cm です。

アの台形は、重なり始めてから、 $エ + 15 = 6 + 15 = 21 \text{ (cm)}$ 動きました。

(2)と同様に、イを止めてアだけ毎秒 2 cm で動くことにします。

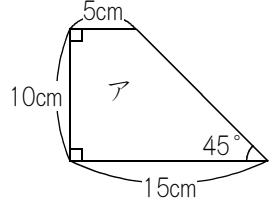


21 cm 動くのは、 $21 \div 2 = 10.5 \text{ (秒後)}$ です。

ステップ② 4 (3) 2回目

アの面積は、 $(5+15) \times 10 \div 2 = 100 \text{ (cm}^2\text{)}$ です。

(3)では、重なるの面積が 92 cm^2 なので、 100 cm^2 とあまり変わりません。

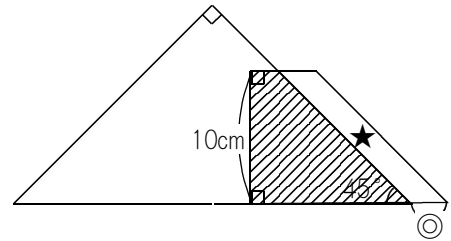


アよりも、重なりの方が $100 - 92 = 8 \text{ (cm}^2\text{)}$ だけ小さくなっています。

2回目は、右の図のようになったときです。

★の部分の面積が 8 cm^2 になります。

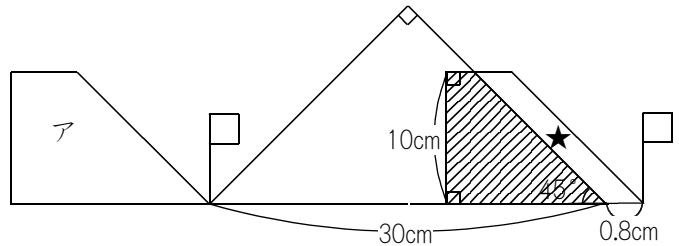
★の部分は平行四辺形で、高さは 10 cm ですから底辺は、 $8 \div 10 = 0.8 \text{ (cm)}$ です。



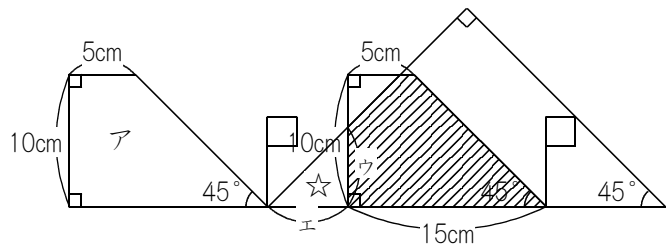
図の◎が 0.8 cm であることがわかりました。

アの台形は、重なり始めてから、 $30 + 0.8 = 30.8 \text{ (cm)}$ 動きました。

(2)と同様に、イを止めてアだけ毎秒 2 cm で動くことにします。



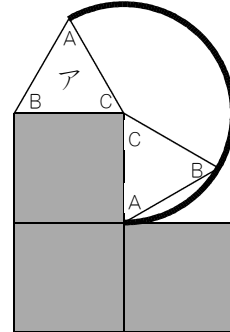
30.8 cm 動くのは、 $30.8 \div 2 = 15.4$ (秒後)です。



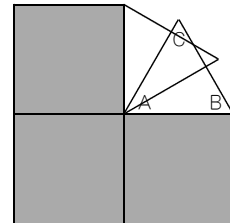
ステップ③ 1 (1)

アから、右の図のようにころがります。

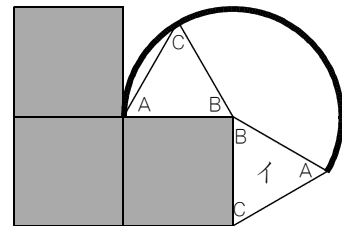
頂点Aが動いたあとは右の図の太線のようになり、半径が6cmで、中心角が $360 - (60 + 90) = 210$ (度)のおうぎ形の弧をえがきます。



右の図のようにころがっている間は、頂点Aは動いていません。



右の図のようにころがってイになるまでは、頂点Aは半径が6cmで、中心角が $360 - (60 + 90) = 210$ (度)のおうぎ形の弧をえがきます。



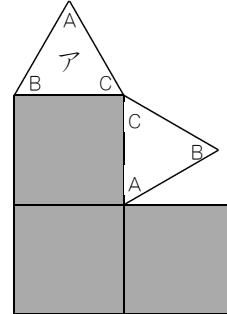
よって、頂点Aが動いたのは、半径が6cmで、中心角が210度のおうぎ形の弧2つぶんになります。

$$\frac{210}{360} = \frac{7}{12} \text{ ですから,}$$

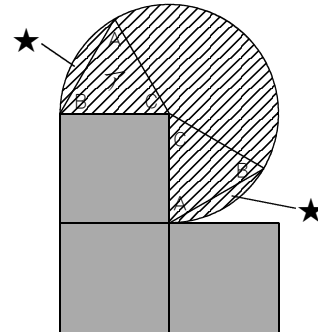
$$6 \times 2 \times 3.14 \times \frac{7}{12} \times 2 = 14 \times 3.14 = \mathbf{43.96} \text{ (cm) です。}$$

ステップ③ 1 (2)

正三角形ABCはアから、右の図のようにころがります。

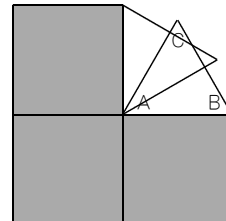


正三角形ABCが動いたあとは、右の図の斜線部分のようになります。

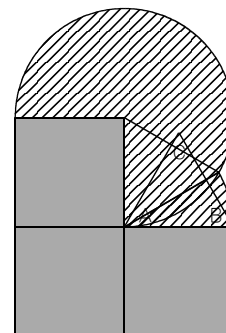


★の部分も正三角形が通っていくことに注意しましょう。

次に、正三角形ABCは右の図のようにころがります。

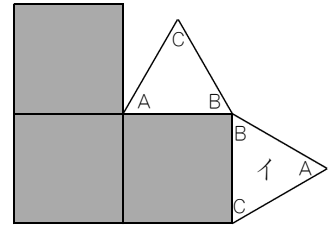


正三角形ABCが動いたあとを書き加えると、右の図の斜線部分のようになります。



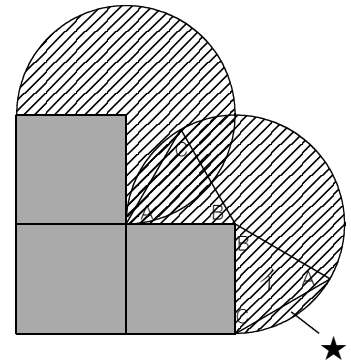
(次のページへ)

次に，正三角形ABCは右の図のようにころがります。

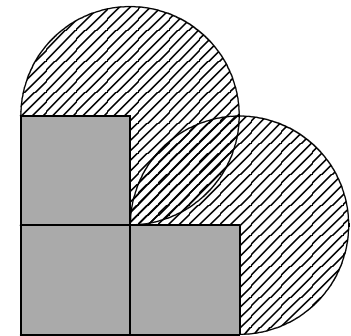


正三角形ABCが動いたあとを書き加えると，右の図の斜線部分のようになります。

★の部分も正三角形が通っていくことに注意しましょう。

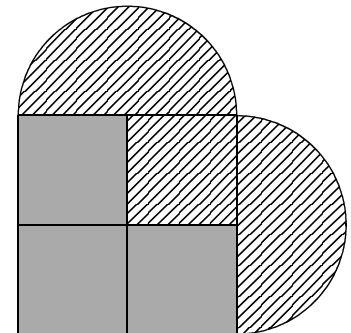


正三角形ABCが動いたあとは，右の斜線部分のようになりますが，



右の図のように分け直すと，半円と正方形と半円になります。

半円と半円で円になりますから，
 $\underbrace{6 \times 6}_{\text{正方形}} + \underbrace{6 \times 6 \times 3.14}_{\text{円}} = 36 + 113.04 = 149.04 \text{ (cm}^2\text{)}$



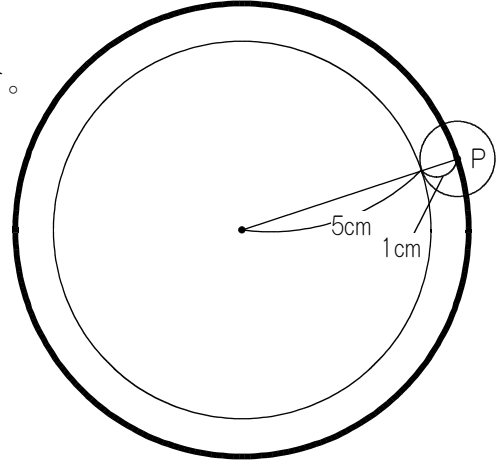
ステップ③ 2

(1) 円Pの中心は、右の図の太線のところを動きます。

太線は半径が $5+1=6$ (cm)の円周ですから、
 $6 \times 2 \times 3.14 = 12 \times 3.14$ (cm)です。

円Pの円周は、 $1 \times 2 \times 3.14 = 2 \times 3.14$ (cm)ですから、
 $(12 \times 3.14) \div (2 \times 3.14) = 12 \div 2 = 6$ (回転)します。

参考 円Pが円Oの外側にそって1周するときは、
 「円Pの半径÷円Oの半径+1」によって
 回転数を求めることができます。
 この問題の場合は、 $5 \div 1 + 1 = 6$ (回転)です。



(2) 円Qの中心は、右の図の太線のところを動きます。

太線は半径が $5-1=4$ (cm)の円周ですから、
 $4 \times 2 \times 3.14 = 8 \times 3.14$ (cm)です。

円Pの円周は、 $1 \times 2 \times 3.14 = 2 \times 3.14$ (cm)ですから、
 $(8 \times 3.14) \div (2 \times 3.14) = 4 \div 2 = 4$ (回転)します。

参考 円Pが円Oの内側にそって1周するときは、
 「円Pの半径÷円Oの半径-1」によって
 回転数を求めることができます。
 この問題の場合は、 $5 \div 1 - 1 = 4$ (回転)です。

