

演習問題集5年下第11回・くわしい解説

目次

反復問題(基本)	1	(1)	…p.2	トレーニング	1	…p.27
反復問題(基本)	1	(2)	…p.3	トレーニング	2	…p.29
反復問題(基本)	1	(3)	…p.4	トレーニング	3	…p.32
反復問題(基本)	1	(4)	…p.5	トレーニング	4	…p.33
反復問題(基本)	1	(5)	…p.6			
反復問題(基本)	1	(6)	…p.7	実戦演習	1	…p.35
反復問題(基本)	1	(7)	…p.8	実戦演習	2	…p.36
反復問題(基本)	2		…p.9	実戦演習	3	…p.37
反復問題(基本)	3		…p.10	実戦演習	4	…p.39
反復問題(基本)	4		…p.13	実戦演習	5	…p.41
反復問題(練習)	1		…p.16	実戦演習	6	…p.42
反復問題(練習)	2		…p.18			
反復問題(練習)	3		…p.20			
反復問題(練習)	4		…p.21			
反復問題(練習)	5		…p.24			
反復問題(練習)	6		…p.26			

反復問題(基本) 1 (1)

ワンポイント A管とB管の1分あたりを求めましょう。

A管だけを使うと6分で30Lの水が入りますから、1分あたり $30 \div 6 = 5$ (L) ずつ水が入ります。

B管だけを使うと4分で60Lの水が入りますから、1分あたり $60 \div 4 = 15$ (L) ずつ水が入ります。

A管とB管を同時に使うと、1分あたり $5 + 15 = 20$ (L) ずつ水が入ります。

100Lの水を入れるのに、 $100 \div 20 = 5$ (分) かかります。

反復問題(基本) 1 (2)

ワンポイント 全体の仕事量を決めましょう。

- ① A 1人ですると10日かかり、B 1人ですると15日かかるような仕事ですから、全体の仕事量を、10と15の最小公倍数である30にします。

Aは10日で30の仕事をするのですから、1日あたり、 $30 \div 10 = 3$ ずつ仕事をします。

Bは15日で30の仕事をするのですから、1日あたり、 $30 \div 15 = 2$ ずつ仕事をします。

よって、AとBが1日にする仕事量の比は、**3:2**になります。

- ② ①で、全体の仕事量を30にすると、Aは1日あたり3ずつ、Bは1日あたり2ずつ仕事をすることがわかりました。

AとBの2人ですると、1日あたり $3+2=5$ ずつ仕事をします。

全体の仕事量である30をするのに、 $30 \div 5 = 6$ (日)かかります。

反復問題(基本) 1 (3)

ワンポイント 全体の仕事量を決めましょう。

- ① A 1人ですると21分かかり、AとBの2人ですると12分かかるような仕事ですから、全体の仕事量を、21と12の最小公倍数である84にします。

Aは21分で84の仕事をするのですから、1分あたり、 $84 \div 21 = 4$ ずつ仕事をします。

AとBの2人ですると12分で84の仕事をするのですから、1分あたり、 $84 \div 12 = 7$ ずつ仕事をします。

Aがすると1分で4ずつ、AとBがすると1分で7ずつ仕事をするのですから、Bだけがすると1分で、 $7 - 4 = 3$ ずつ仕事をします。

よって、AとBが1分にする仕事量の比は、**4 : 3**になります。

- ② ①で、全体の仕事量を84にすると、Aは1分あたり4ずつ、Bは1分あたり3ずつ仕事をすることがわかりました。

Bだけでこの仕事をするると、 $84 \div 3 = 28$ (分)かかります。

反復問題(基本) 1 (4)

ワンポイント 全体の仕事量を決めましょう。

A 1人ですると1時間30分=90分かかり, B 1人ですると2時間=120分かかるような仕事ですから, 全体の仕事量を, 90と120の最小公倍数である360にします。

Aは90分で360の仕事をするのですから, 1分あたり, $360 \div 90 = 4$ ずつ仕事をします。

Bは120分で360の仕事をするのですから, 1分あたり, $360 \div 120 = 3$ ずつ仕事をします。

この, 360の仕事を, はじめにA 1人で57分しました。

Aは1分あたり4ずつ仕事をするのですから, 57分で $4 \times 57 = 228$ の仕事をします。

残っている仕事は, $360 - 228 = 132$ です。

Bは, 132だけ残っている仕事を, 1分あたり3ずつするのですから, $132 \div 3 = 44$ (分) 仕事をすればよいです。

反復問題(基本) 1 (5)

ワンポイント のべの考え方に慣れましょう。

1人で1日にできる仕事量を1とします。

もし、1人で3日間でできる仕事量なら、3になります。

もし、2人で1日にできる仕事量なら、2になります。

2人で3日間でできる仕事量なら、 $2 \times 3 = 6$ になります。

この問題では、5人で12日かかる仕事ですから、 $5 \times 12 = 60$ になります。

① 6人 \square 日 = 60 となりますから、 $\square = 60 \div 6 = 10$ (日) がかかります。

② はじめに7人で4日すると、 $7 \times 4 = 28$ の仕事ができます。

仕事全体は60でしたから、残りの仕事は $60 - 28 = 32$ です。

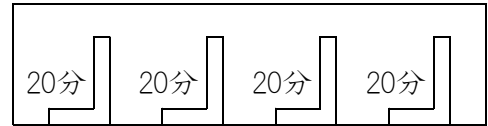
残っている32の仕事を4人ですると、 $32 \div 4 = 8$ (日) がかかります。

はじめに7人で4日して、残りを4人で8日して仕事を終えたのですから、全部で、 $4 + 8 = 12$ (日) がかかります。

反復問題(基本) 1 (6)

ワンポイント のべの考え方を理解しましょう。

電車で20分間乗っているのですから、どの席にも20分間すわることができます。



合計、 $20 \times 4 = 80$ (分間) すわることができる席があったのですが、そこに5人が交代ですわります。

よって1人あたり、 $80 \div 5 = 16$ (分間) すわることができます。

別解 5人いて、席も5つあれば、全員が20分間すわることができます。

しかし席は4つしかないなので、5つときの $\frac{4}{5}$ の時間しかすわることができません。

よってすわる時間は、 $20 \times \frac{4}{5} = 16$ (分間) です。

反復問題(基本) 1 (7)

ワンポイント ニュートン算の土台となる問題です。

- ① 毎分8Lの割合で水がわき出ているので、1分で8Lずつ水が増えていきますが、ポンプを使って毎分14Lの割合で水をくみ出すので、1分で14Lずつ水が減っていきます。

増えていく割合よりも減っていく割合の方が多いので、1分に $14 - 8 = 6$ (L)ずつ、水が減っていきます。

- ② ①で、1分に6Lずつ水が減っていくことがわかりました。

はじめに120Lあって、1分に6Lずつ減っていくのですから、 $120 \div 6 = 20$ (分)で、池の水が空になります。

反復問題(基本) 2

ワンポイント 文中に「途中」という語句があるときは「つるかめ算」を疑いましょう。

(1) A管だけを使うと1時間=60分で満水になり、A管とB管を同時に使うと24分で満水になるのですから、満水の水の量を、60と24の最小公倍数である120にします。

Aは60分で120を入れるのですから、1分あたり、 $120 \div 60 = 2$ ずつ入れます。

AとBを使うと24分で120を入れるのですから、1分あたり、 $120 \div 24 = 5$ ずつ入れます。

Aだけだと1分で2ずつ、AとBを使うと1分で5ずつ入れるのですから、Bだけで入れると1分で、 $5 - 2 = 3$ ずつ入れます。

Bだけで120を入れるのに、 $120 \div 3 = 40$ (分)かかります。

(2) (1)で、満水の水の量を120にすると、Aは1分で2ずつ、Bは1分で3ずつ水を入れることがわかりました。

この問題では、はじめはAだけで1分で2ずつ入れ、途中からはBだけで1分で3ずつ水を入れて、全部で54分で120を入れたことになります。

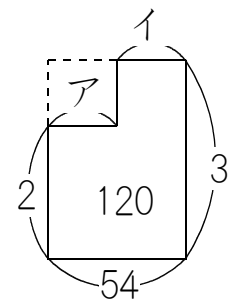
「1個2円のAと、1個3円のBを、合わせて54個買うと120円になった」という問題と同じですから、「つるかめ算」ですね。

右のような面積図になります。

点線部分の面積は、 $3 \times 54 - 120 = 42$ です。

点線部分のたては、 $3 - 2 = 1$ です。

よってアは、 $42 \div 1 = 42$ で、イは、 $54 - 42 = 12$ です。



この問題は、Bだけで水を入れた時間を求めるのですから、答えは **12**分です。

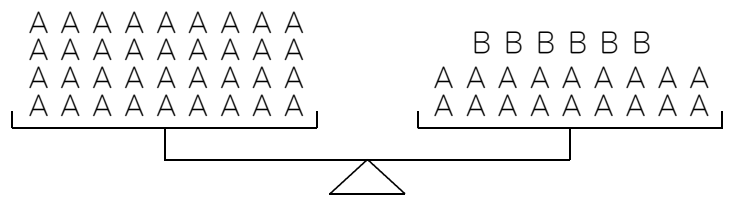
反復問題(基本) 3 (1)

ワンポイント 「てんびん問題」です。

ある仕事を，A 1人で36日かかるというのは，「A」が36個で，仕事全体を終えることができるという意味です。

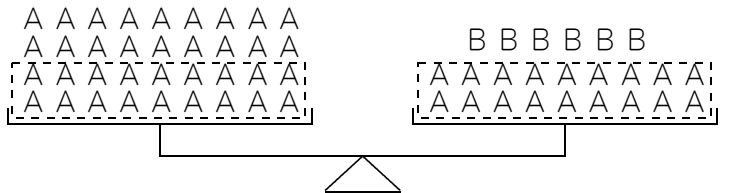
また，「A 1人で18日した後，残りをB 1人で6日かかる」というのは，「Aが18個とBが6個」で，仕事全体を終えることができるという意味です。

このことを図で表すと，右図において，左のお皿にはAが36個乗っていて，右のお皿にはAが18個と，Bが6個乗っていて，左と右のお皿がちょうどつり合っている，という意味になります。

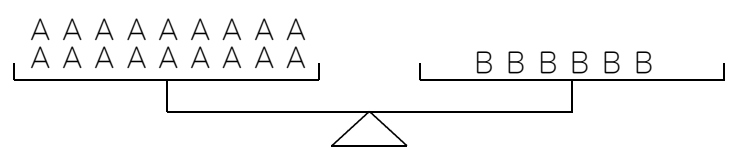


ここで，左のお皿と右のお皿から，同じ重さのものをそーっと取ることにします。
 左のお皿と右のお皿から，Aを1個ずつ取っても，つり合っています。
 さらに，両方のお皿から，ふたたびAを1個ずつ取っても，まだつり合っています。

このようにすると，両方のお皿から，Aを18個ずつ取ることができます。



Aを18個ずつ取ったあとは，左のお皿にはAが $36 - 18 = 18$ (個)，右のお皿には，Bが6個乗っていることになります。



そして，左のお皿と右のお皿はまだつり合っていますから，

Aが18日でする仕事量と，Bが6日でする仕事量は等しい。

となります。

その，等しい仕事量を，(18と6の最小公倍数である)18にすると，Aは18日で18の仕事をするようになりますから，1日あたり， $18 \div 18 = 1$ ずつ仕事をします。
 Bは6日で18の仕事をするようになりますから，1日あたり， $18 \div 6 = 3$ ずつ仕事をします。

よって，A，Bが1日にする仕事量の比は，**1:3**になります。

反復問題(基本) 3 (2)

ワンポイント (1)で求めた比を利用して、「全体の仕事量」を求めます。

(1)で、AとBが1日にする仕事量の比は1:3であることがわかりました。

そこで、Aは1日に1ずつ、Bは1日に3ずつ仕事をすることにします。

ところで、全体の仕事量はどれだけでしょう。

問題には「A 1人ですると36日かかる仕事」と書いてありました。

Aは1日に1ずつするのですから、全体の仕事量は、 $1 \times 36 = 36$ です。

(または、Aが18日してからBが6日して仕上げるので、 $1 \times 18 + 3 \times 6 = 36$ です。)

よって、全体の仕事量である36を、Bが1日に3ずつするので、 $36 \div 3 = 12$ (日)かかることとなります。

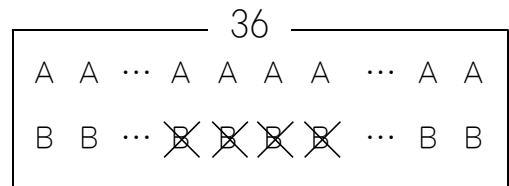
反復問題(基本) 3 (3)

ワンポイント Bが休まなかったことにすると、もっと多くの仕事ができます。

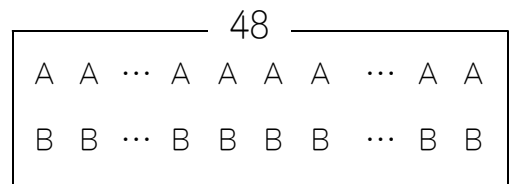
問題を整理すると、全体の仕事量が(2)で求めた36で、Aは1日に1ずつ、Bは1日に3ずつ仕事をするのがわかっています。

(3)では、この仕事をAとBの2人ですることになりましたが、Bは途中で4日休みました。

Bが4日休んでも全体の仕事量である36をする
 ことができたのですから、もし休まなかったら、
 $3 \times 4 = 12$ だけよけいに仕事をする
 ことができ、
 $36 + 12 = 48$ の仕事をする
 ことができます。



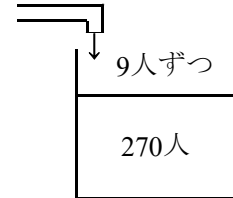
Aは1日に1ずつ、Bは1日に3ずつ仕事をする
 ので、AとB2人がすると、1日に $1 + 3 = 4$ ずつ
 仕事をする
 ことができ、48の仕事をするのに、
 $48 \div 4 = 12$ (日)かかります。



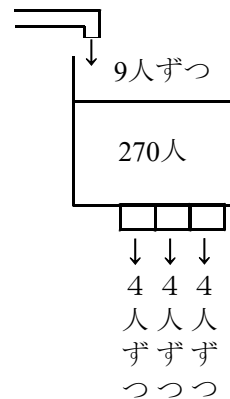
反復問題(基本) 4 (1)

ワンポイント 「ニュートン算」ですが、水そう図で解けます。

ちょっと残酷ざんこくですが、右図のように、水そうの中に270人がいて、1分間に9人ずつ、上のじゃ口から人が入ってくることにします。



たとえば右の図のように、1か所の入口から、人が1分間に4人ずつ落ちていくと勝手に決めてみます。すると、3か所では、 $4 \times 3 = 12$ (人) ずつ落ちていくことになります。



上のじゃ口からは9人ずつ入ってきて、下からは12人ずつ出ていくことになります。

1分間に $12 - 9 = 3$ (人) ずつ、人が減っていきます。

はじめに270人いましたが、1分間に3人ずつ少なくなっていくので、 $270 \div 3 = 90$ (分) で、行列はなくなります。

これを1つの式で表すと、 $270 \div (4 \times 3 - 9) = 90$ (分)、ということになります。

この問題では、実際には1か所の入口から4人ずつ出て行ったわけではなくて、それが何人かを求める問題でした。

1か所の入口から何人が出て行くかがわからないかわりに、行列がなくなるのは30分後だということがわかっています。

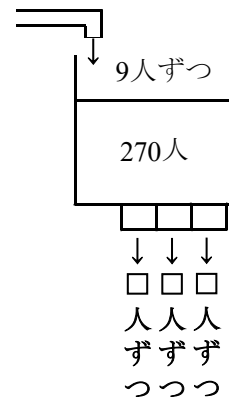
よって、1か所の入口から出ていく人数を□とすると、 $270 \div (\square \times 3 - 9) = 30$ となります。

あとは逆算で□を求めればOKです。

$$270 \div 30 = 9$$

$$9 + 9 = 18$$

$18 \div 3 = 6$ ですから、1か所の入場口から毎分6人の割合で入場したことになります。



反復問題(基本) 4 (2)

ワンポイント (1)でわかったことを利用します。

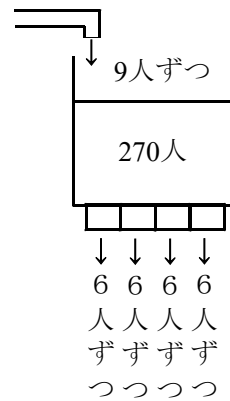
開園の時点で270人の行列ができていて、その後も毎分9人の割合で行列に人が加わります。

また、(1)で、1か所の入場口から毎分6人の割合で入場していることがわかりました。

(2)では、入場口を4か所にしたので、右の図のようになります。

9人ずつ入ってきますが、 $6 \times 4 = 24$ (人)ずつ出ていくので、結局 $24 - 9 = 15$ (人)ずつ減っていくことになります。

はじめに270人いましたが、1分間に15人ずつ減っていくので、 $270 \div 15 = 18$ (分)で、行列はなくなります。



反復問題(基本) 4 (3)

ワンポイント 1本の式にして、逆算のようにして解きましょう。

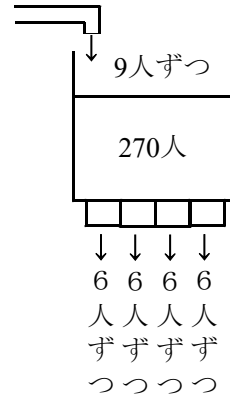
(2)では、9人ずつ入ってきますが、 $6 \times 4 = 24$ (人)ずつ出て行くので、結局 $24 - 9 = 15$ (人)ずつ減っていくことになり、 $270 \div 15 = 18$ (分)で行列はなくなりました。

(2)のときの式を1本の式にすると、
 $270 \div (6 \times 4 - 9) = 18$ となります。

(3)の場合は、入場口が4か所ではなく何か所かわからないのですが、かわりに10分で行列がなくなることがわかっているので、入場口を□か所とすると、
 $270 \div (6 \times \square - 9) = 10$ という式になり、あとは逆算で答えを求めることができます。

$$270 \div 10 = 27 \quad 27 + 9 = 36 \quad 36 \div 6 = 6$$

よって、入場口を6か所にしたことがわかりました。



反復問題(練習) 1 (1)

ワンポイント 全体の仕事量を決めましょう。

全体の仕事量を、18と15と10の最小公倍数である90にします。

AとBの2人ですと、18分で90の仕事をするのですから、1分あたり $90 \div 18 = 5$ ずつ仕事をします。…(ア)

BとCの2人ですと、15分で90の仕事をするのですから、1分あたり $90 \div 15 = 6$ ずつ仕事をします。…(イ)

CとAの2人ですと、10分で90の仕事をするのですから、1分あたり $90 \div 10 = 9$ ずつ仕事をします。…(ウ)

(ア), (イ), (ウ)の式を合わせると、
 $A + B + B + C + C + A$ となり、AもBもCも2回
 ずつ登場しているのです、 $(A + B + C) \times 2$ となります。

仕事全体 = 90
 $A + B \rightarrow 1$ 分5ずつ…(ア)
 $B + C \rightarrow 1$ 分6ずつ…(イ)
 $C + A \rightarrow 1$ 分9ずつ…(ウ)

ところで、(ア)は1分5ずつ、(イ)は1分6ずつ、(ウ)は1分9ずつですから、合わせると1分に $5 + 6 + 9 = 20$ ずつすることになります。

$(A + B + C) \times 2 = 20$ となり、 $20 \div 2 = 10$ ですから、 $A + B + C = 10$ です。

A, B, Cの3人では、1分に10ずつ仕事をするることになり、全体の仕事量は90です。

よって、A, B, Cの3人でこの仕事をする、 $90 \div 10 = 9$ (分)かかることになります。

反復問題(練習) 1 (2)

ワンポイント Aは15分間ずっと仕事をしたことに注目しましょう。

この仕事を、まずAだけで、途中からはAとCでしました。

まず、Aだけで1分にどれだけすることができかを求めましょう。

仕事全体 = 90

A + B → 1分5ずつ…(ア)

B + C → 1分6ずつ…(イ)

C + A → 1分9ずつ…(ウ)

(1)で、 $A + B + C$ は10であることがわかっています。

Aを求めるには、 $B + C$ がじゃまですが、(イ)によって $B + C$ は6であることがわかっているので、Aは、1分に $10 - 6 = 4$ ずつすることがわかります。

また、(ウ)によって、Cは1分で、 $9 - 4 = 5$ ずつすることもわかります。

この問題は、はじめはAだけで、途中からはAとCの2人でしました。ということは、Aは15分間ずっと仕事をしたことになります。

Aは1分に4ずつするのですから、15分で $4 \times 15 = 60$ の仕事をしてします。

仕事全体は90ですから、Cがしたのは $90 - 60 = 30$ です。

Cは1分に5ずつするのですから、 $30 \div 5 = 6$ (分間)仕事をしたことになります。

反復問題(練習) 2 (1)

ワンポイント 畑の広さを決めましょう。

畑の広さを、40と20と15の最小公倍数である120にします。

A 1人で耕すと40日かかるのですから、1日あたり $120 \div 40 = 3$ ずつ耕します。

B 1人で耕すと20日かかるのですから、1日あたり $120 \div 20 = 6$ ずつ耕します。

BとCの2人で耕すと15日かかるのですから、1日あたり $120 \div 15 = 8$ ずつ耕します。
Bは1日あたり6ずつ耕すのですから、Cは1日あたり、 $8 - 6 = 2$ ずつ耕します。

整理すると、右の表のようになります。

AとCで耕すと、1日あたり $3 + 2 = 5$ ずつ耕しますから、畑の広さである120を耕すのに、 $120 \div 5 = 24$ (日)かかります。

畑の広さ = 120
A → 1日3ずつ
B → 1日6ずつ
C → 1日2ずつ

反復問題(練習) 2 (2)

ワンポイント 「A, B, C」を1セットとします。

(1)で、右の表のようになっていることがわかっています。

この畑を, A, B, C, A, B, C, A, ……のように, 毎日交代して耕します。

畑の広さ = 120
A → 1日3ずつ
B → 1日6ずつ
C → 1日2ずつ

「A, B, C」を1セットとすると, 1セット3日で, $3+6+2=11$ ずつ耕します。

$120 \div 11 = 10$ あまり 10 ですから, 10セットできて, あと10の畑があまっています。

1セットは3日ですから, 10セットでは, $3 \times 10 = 30$ (日)です。

あまりの10を, まずAが3だけ耕して, あと $10-3=7$ だけあまります。

次にBが6だけ耕して, あと $7-6=1$ だけあまります。

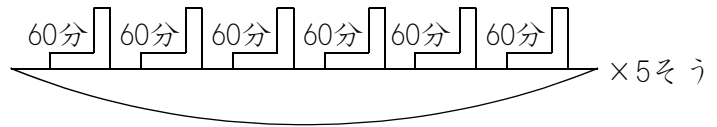
次にCが耕すのですが, Cは1日に2だけ耕すのですから, あまっている1を耕すには1日あれば十分です。

よって, 10セットぶんの30日と, Aが1日と, Bが1日と, Cが1日で終わりますから, $30+1+1+1=33$ (日目)に終わります。

反復問題(練習) 3

ワンポイント のべの考え方を理解しましょう。

船に1時間=60分間乗るのですから、どの席にも60分間乗ることができます。



船1 船につき6つの席があるのですから、1 船あたり、 $60 \times 6 = 360$ (分間)乗ることができます。

船は5 船あるので、全部で $360 \times 5 = 1800$ (分間)乗ることができます。

問題によると、1 人あたり50分間乗ることができたそうです。

もし10 人いたとしたら、 $50 \times 10 = 500$ (分)乗ることができます。

いまは1800分乗ることができたのですから、 $1800 \div 50 = 36$ (人)いたことになります。

反復問題(練習) 4 (1)

ワンポイント 考え方がむずかしいですが、がんばって説明についてきてください。

1か所の入場口から1分間で入場した人数は10人です。

すると、たとえば1つの入場口から3分間で入場した人数は、 $10 \times 3 = 30$ (人)です。

また、たとえば4つの入場口から1分に入場した人数は、 $10 \times 4 = 40$ (人)です。

よって、たとえば4つの入場口から3分に入場した人数は、 $10 \times 4 \times 3 = 120$ (人)です。

この問題では、4つの入場口では1時間20分 = 80分で行列がなくなると書いてありますから、 $10 \times 4 \times 80 = 3200$ (人)が入場したことになります。

この3200人というのは、はじめにいた行列の人数だけを表しているわけではありません。入場口を80分間開いていたのですから、その80分間に行列に並んだ人も、入場しました。よって、

$$\text{はじめの人数} + 80 \text{分で増えた人数} = 3200 \text{人} \quad \dots(\text{ア})$$

また、5つの入場口では40分で行列がなくなったのですから、 $10 \times 5 \times 40 = 2000$ (人)の人が入場したことになります。

この2000人というのは、はじめにいた行列の人数だけを表しているわけではありません。入場口を40分間開いていたのですから、その40分間に行列に並んだ人も、入場しました。よって、

$$\text{はじめの人数} + 40 \text{分で増えた人数} = 2000 \text{人} \quad \dots(\text{イ})$$

(ア)と(イ)をくらべると、(ア)の方が $3200 - 2000 = 1200$ (人)多いです。多い理由は、 $80 - 40 = 40$ (分)だけ時間が長いからです。

よって、行列には40分で1200人の人が加わりました。

毎分、 $1200 \div 40 = 30$ (人)の割合で人が加わったことになります。

反復問題(練習) 4 (2)

ワンポイント (1)を理解することができたら, (2)は簡単です。

(1)で, 行列には30人ずつ人が加わることがわかりました。

$$\text{はじめの人数} + 80 \text{分で増えた人数} = 3200 \text{人} \quad \dots(\text{ア})$$

ということもわかっていますが, 「80分で増えた人数」は, $30 \times 80 = 2400$ (人)です。

よって, はじめの人数は $3200 - 2400 = 800$ (人)です。

$$\text{はじめの人数} + 40 \text{分で増えた人数} = 2000 \text{人} \quad \dots(\text{イ})$$

を利用して求めることもできます。「40分で増えた人数」は, $30 \times 40 = 1200$ (人)です。

よって, はじめの人数は $2000 - 1200 = 800$ (人)です。

反復問題(練習) 4 (3)

ワンポイント 水そう図に整理してから問題を解いていきましょう。

(2)まででわかったことを整理すると、右の水そう図のようになります。

もし、入場口を4か所にすると、 $800 \div (10 \times 4 - 30) = 80$ (分)で行列がなくなります。

(3)では、入場口が何か所かわからないのですが、行列を25分以内になくさなければなりません。

そこで、入場口を□か所とし、ちょうど25分で行列がなくなるとすると、 $800 \div (10 \times \square - 30) = 25$ という式になります。

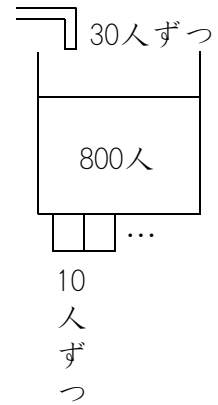
$$\text{逆算をして、} 800 \div 25 = 32 \quad 32 + 30 = 62 \quad 62 \div 10 = 6.2$$

よって、入場口が6.2か所あったら、ちょうど25分で行列がなくなります。

入場口が6.2という小数ではおかしいので、整数にします。

もし入場口が6.2か所よりも少ないと、あまり入場させられなくなってしまうので、時間は25分より多くかかってしまいます。

25分以内に行列をなくすためには、入場口を6.2か所よりも多くする必要があるので、入場口は少なくとも **7** か所が必要です。



反復問題(練習) 5 (1)

ワンポイント ニュートン算は問題を解けば解くほどわかるようになってきます。

1台のポンプから1分間でくみ出す水の量を 1 とします。

すると、たとえば1台のポンプから3分間でくみ出した水の量なら、 $\text{1} \times 3 = \text{3}$ です。
 また、たとえば4台のポンプから1分間でくみ出した水の量なら、 $\text{1} \times 4 = \text{4}$ です。
 よって、たとえば4台のポンプから3分間でくみ出した水の量なら、 $\text{1} \times 4 \times 3 = \text{12}$ です。

この問題では、4台のポンプでくみ出すと1時間50分 = 110分で空になったと書いてありますから、 $\text{1} \times 4 \times 110 = \text{440}$ をくみ出したときに、空になりました。

この 440 というのは、はじめに泉にあった水だけを表しているわけではありません。ポンプを110分間使用していたのですから、その110分間に増えた水もくみ出しました。

問題には、毎分20Lの割合で水がわき出ていると書いてありました。ポンプを使用している間に $20 \times 110 = 2200$ (L)の水が増えたので、

$$\text{はじめの水の量} + 2200 \text{ L} = \text{440} \quad \dots(\text{ア})$$

同じようにして、5台のポンプでくみ出すと1時間20分 = 80分で空になったと書いてありますから、 $\text{1} \times 5 \times 80 = \text{400}$ をくみ出したときに、空になりました。

この 400 というのは、はじめに泉にあった水だけを表しているわけではありません。ポンプを80分間使用していたのですから、その80分間に増えた水もくみ出しました。

問題には、毎分20Lの割合で水がわき出ていると書いてありました。ポンプを使用している間に $20 \times 80 = 1600$ (L)の水が増えたので、

$$\text{はじめの水の量} + 1600 \text{ L} = \text{400} \quad \dots(\text{イ})$$

(ア)と(イ)をくらべると、 $2200 - 1600 = 600$ (L)が、 $\text{440} - \text{400} = \text{40}$ にあたります。

1 あたり、 $600 \div 40 = 15$ (L)です。

よって、1台のポンプから1分間でくみ出す水の量は **15** Lであることがわかりました。

反復問題(練習) 5 (2)

ワンポイント (1)の答えと, (1)の(ア), (イ)を利用しましょう。

(1)で, 1台のポンプは毎分15Lの水をくみ出すことがわかりました。

また, 毎分20Lの割合で水がわき出ていることがわかっています。

(1)では,

はじめの水の量 + 2200 L = 440 …(ア)
はじめの水の量 + 1600 L = 400 …(イ)

ということもわかっていました。1は, 1台のポンプが毎分くみ出す水の量を表していますから, 15Lです。

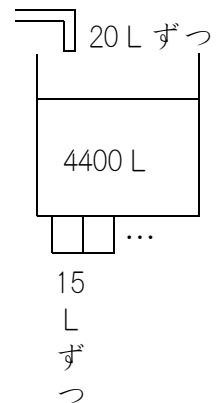
(ア)において, 440は $15 \times 440 = 6600$ (L)です。
よってはじめの水の量は, $6600 - 2200 = 4400$ (L)です。

(イ)において, 400は $15 \times 400 = 6000$ (L)です。
よってはじめの水の量は, $6000 - 1600 = 4400$ (L)です。

どちらにしろ, はじめの水の量は4400Lであることがわかりました。

わかったことを整理すると, 右の水そう図のようになります。

ポンプを8台使うと, $4400 \div (15 \times 8 - 20) = 44$ (分)で空になります。



反復問題(練習) 6

ワンポイント 満水の量を決めましょう。

満水の量を、12と30と15の最小公倍数である60に決めます。

空の状態からAとCを開くと12分で満水になるのですから、1分あたり $60 \div 12 = 5$ ずつ水が入ります。

Aは給水管でCは排水管ですから、Aで水を入れる方がCで水を出すよりも多かったので、水が増えていきました。

$A - C = 5$ ということです。…(ア)

空の状態からBとCを開くと30分で満水になるのですから、1分あたり $60 \div 30 = 2$ ずつ水が入ります。

Bは給水管でCは排水管ですから、Bで水を入れる方がCで水を出すよりも多かったので、水が増えていきました。

$B - C = 2$ ということです。…(イ)

満水の状態からCを開くと15分で空になるのですから、1分あたり $60 \div 15 = 4$ ずつ水が出ました。

$C = 4$ ということです。…(ウ)

(ア)と(ウ)から、 $A = 5 + 4 = 9$ で、(イ)と(ウ)から、 $B = 2 + 4 = 6$ です。

よって、Aは1分に9ずつ、Bは1分に6ずつ水を入れます。

AとBだけを開くと、1分に $9 + 6 = 15$ ずつ水が入ります。

満水は60ですから、容器が空の状態から満水になるまでに、 $60 \div 15 = 4$ (分)かかります。

トレーニング1(1)

- ① Aがすると40日かかり、Bがすると24日かかるような仕事です。

仕事全体を、40と24の最小公倍数である120にします。

Aは40日で120をするので、1日あたり $120 \div 40 = 3$ ずつ仕事をします。

Bは24日で120をするので、1日あたり $120 \div 24 = 5$ ずつ仕事をします。

よって、AとBが1日にする仕事量の比は**3:5**です。

- ② ①で、仕事全体を120にすると、Aは1日に3ずつ、Bは1日に5ずつ仕事をすることがわかりました。

AとBの2人ですると、1日に $3+5=8$ ずつ仕事をします。

仕事全体は120ですから、 $120 \div 8 = 15$ (日)かかります。

トレーニング1(2)

姉がすると18分かかり、妹がすると36分かかかるような仕事です。

仕事全体を、18と36の最小公倍数である36にします。

姉は18分で36をするので、1分あたり $36 \div 18 = 2$ ずつ仕事をします。

妹は36日で36をするので、1分あたり $36 \div 36 = 1$ ずつ仕事をします。

姉と妹の2人ですると、1分に $2+1=3$ ずつ仕事をします。

仕事全体は36ですから、 $36 \div 3 = 12$ (分)かかります。

トレーニング 1 (3)

Aがすると1時間12分=72分かかり，AとBがすると40分かかるような仕事です。

仕事全体を，72と40の最小公倍数である360にします。

Aは72分で360をするので，1分あたり $360 \div 72 = 5$ ずつ仕事をします。

AとBは40分で360をするので，1分あたり $360 \div 40 = 9$ ずつ仕事をします。

Aは5ずつ，AとBでは9ずつするのですから，Bは $9 - 5 = 4$ ずつ仕事をします。

仕事全体は360ですから，Bが1分あたり4ずつすると， $360 \div 4 = 90$ (分)かかります。

90分 = **1時間30分**です。

トレーニング 2 (1)

Aがすると15日かかり，Bがすると10日かかります。

仕事全体を，15と10の最小公倍数である30にします。

Aは15日で30をするので，1日あたり $30 \div 15 = 2$ ずつ仕事をします。

Bは10分で30をするので，1日あたり $30 \div 10 = 3$ ずつ仕事をします。

この仕事を，はじめにAが9日すると， $2 \times 9 = 18$ の仕事をしてします。残っている仕事は， $30 - 18 = 12$ です。

Bは12の仕事を，1日あたり3ずつしますから， $12 \div 3 = 4$ (日)仕事をします。

トレーニング 2 (2)

A だけを使うと 40 分で満水になり， B だけを使うと 50 分で満水になります。

水そう全体を， 40 と 50 の最小公倍数である 200 にします。

A は 40 分で 200 を入れるので， 1 分あたり $200 \div 40 = 5$ ずつ水を入れます。

B は 50 分で 200 をするので， 1 分あたり $200 \div 50 = 4$ ずつ水を入れます。

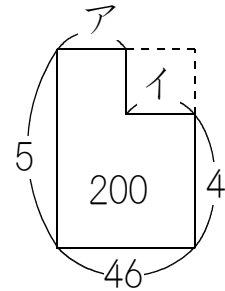
はじめは 1 分あたり 5 ずつ入れる A を使い， 途中から 1 分あたり 4 ずつ入れる B を使って， 全部で 46 分で全体である 200 を入れました。

この問題は，「1 個 5 円の A と， 1 個 4 円の B を， 合わせて 46 個買ったなら 200 円でした」という問題と同じなので，「つるかめ算」になります。

右の面積図において， 点線部分の面積は $5 \times 46 - 200 = 30$ です。

点線部分のたては $5 - 4 = 1$ なので， イは $30 \div 1 = 30$ になります。

この問題では， B だけで入れていた時間を求めるのですから， イの **30** 分が答えになります。



トレーニング 2 (3)

A だけがすると1時間 = 60分かかり, B だけがすると1時間40分 = 100分かかります。

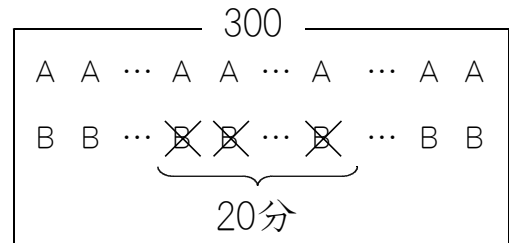
仕事全体を, 60と100の最小公倍数である300にします。

Aは60分で300の仕事をするので, 1分あたり $300 \div 60 = 5$ ずつ仕事をします。

Bは100分で300の仕事をするので, 1分あたり $300 \div 100 = 3$ ずつ仕事をします。

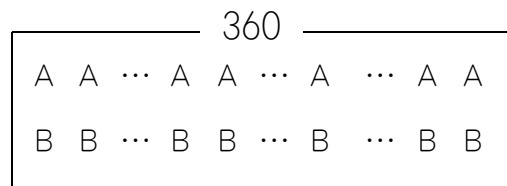
途中でBが20分休みました。

Bが20分休んでも, 300の仕事をする事ができるのですから, もしBが20分休まなかったら, AとBでもっと多くの仕事をする事ができます。



Bは1分あたり3ずつ仕事をするので, 20分では $3 \times 20 = 60$ の仕事ができます。

よって, Bが20分休むことをしなかったら, 仕事全体は300ではなくて, $300 + 60 = 360$ の仕事をする事ができます。



Aは1分あたり5ずつ, Bは1分あたり3ずつの仕事をするのですから, AとB2人では, 1分あたり $5 + 3 = 8$ の仕事をする事ができます。

仕事全体は360ですから, AとBが仕事をする時, 仕事を終えるまでに $360 \div 8 = 45$ (分) かかります。

トレーニング 3

(1) 1人で1日かかる仕事を1とすると、6人で15日かかる仕事は、 $6 \times 15 = 90$ です。

この90の仕事が5人ですると、 $90 \div 5 = 18$ (日)かかります。

(2) 10人ですると1時間20分 = 80分かかるのですから、1人で1分かかる仕事を1とすると、10人で80分かかる仕事は、 $10 \times 80 = 800$ です。

□人ですれば50分で終わるとすると、 $\square \times 50 = 800$ ですから、 $\square = 800 \div 50 = 16$ (人)ですればよいことになります。

(3) 3人で電車で45分乗るとき、もし席が3つ空いていたら、全員45分すわることができます。

しかし実際は席が2つしか空いてなかったのですから、3つのときの $\frac{2}{3}$ の時間しかすわることができず、 $45 \times \frac{2}{3} = 30$ (分)だけすわれることになります。

(4) 2人乗りのボートが2艘ありますから、乗ることのできる席は、 $2 \times 2 = 4$ (席)です。

6人で公園へ行ったので、もし席が6つあったら、全員30分乗ることができます。

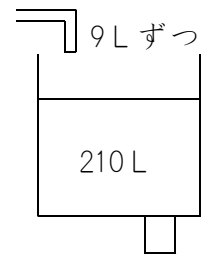
しかし実際は席が4つしかなかったのですから、6つのときの $\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$ の時間しかすわることができず、 $30 \times \frac{2}{3} = 20$ (分)だけすわれることになります。

トレーニング 4

(1)① 1分に2Lずつ給水管で水が入り，1分に5Lずつ排水管で水が出るのですから，1分に $5-2=3$ (L)の割合で水が減っていきます。

② ①で求めた通り，1分に3Lの割合で水が減って行って，15分で空になったのですから，はじめに $3 \times 15 = 45$ (L)の水が入っていました。

(2)① 右の水そう図のようになっています。



もし，1台のポンプで12Lずつ水をくみ出すと， $210 \div (12-9)$ という式で，空になる時間が求められます。

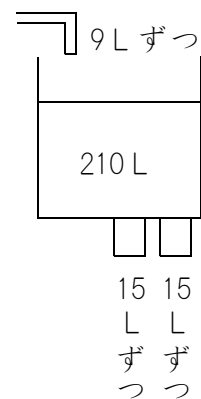
この問題では1台のポンプが1分でくみ出す量がわからないのですが，かわりに35分で空になるということがわかっています。

よって，1台のポンプが1分でくみ出す量を□Lとすると， $210 \div (\square - 9) = 35$ という式になります。

$210 \div 35 = 6$ $6 + 9 = 15$ ですから，1台のポンプは1分で15Lの水をくみ出します。

② ①で，1台のポンプは1分で15Lの水をくみ出すことがわかりました。

2台のポンプでは右の図のようになりますから， $210 \div (15 \times 2 - 9) = 10$ (分)で空になります。



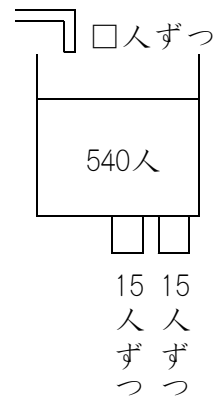
(次のページへ)

(3)① 右の図のようになっています。

30分で空になるのですから、 $540 \div (15 \times 2 - \square) = 30$ となります。

$$540 \div 30 = 18 \quad 15 \times 2 = 30 \quad 30 - 18 = 12$$

よって、行列には毎分 **12**人の割合で人が加わります。

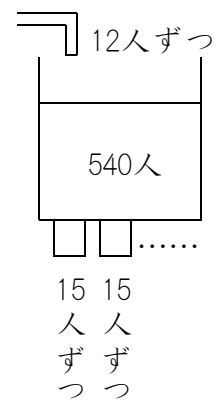


② 右の図のようになっています。

5分で空になるのですから、入場口を□か所とすると、 $540 \div (15 \times \square - 12) = 5$ となります。

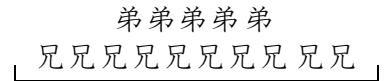
$$540 \div 5 = 108 \quad 108 + 12 = 120 \quad 120 \div 15 = 8$$

よって、入場口を **8**か所にしたときに、行列が5分でなくなります。

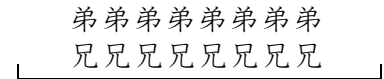


実戦演習 1

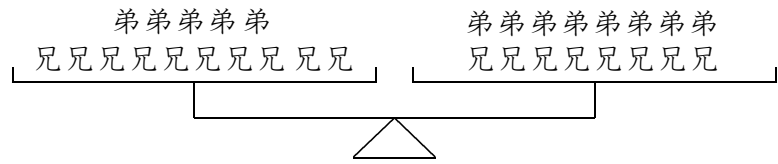
- (1) 「兄が10日働いた後，弟が5日働く」というのを，
兄が10個，弟が5個乗っているお皿にします。



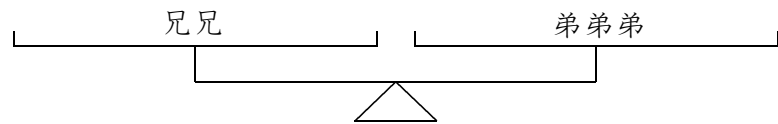
「兄と弟が2人で8日働く」というのを，兄が8個，
弟も8個乗っているお皿にします。



どちらのお皿も仕事全体を
表しているのです，つり合っ
ています。



両方のお皿から，兄を8個，
弟を5個落とすと，右の図の
ようになり，兄2個と弟3個
がつり合っています。



よって，「兄が2日働いてできる仕事量」と，「弟が3日働いてできる仕事量」は同じです。

2と3の最小公倍数は6なので，「兄が2日働いてできる仕事量」も「弟が3日働いてできる仕事量」も6にします。

すると，兄は1日あたり $6 \div 2 = 3$ ずつ，弟は1日あたり $6 \div 3 = 2$ ずつ働きます。

兄と弟が1日にする仕事量の比は，**3:2**になります。

- (2) (1)で，兄と弟が1日にする仕事量の比は3:2であることがわかりました。

そこで，兄は1日に3ずつ，弟は1日に2ずつ働く決めます。

この仕事は，「兄が10日働いた後，弟が5日働けば終わる」ような仕事ですから，
仕事量全体は， $3 \times 10 + 2 \times 5 = 40$ です。

または，「兄と弟が2日で8日働けば終わる」ような仕事ですから，仕事量全体は，
 $3 \times 8 + 2 \times 8 = 40$ です。

仕事量全体は40で，弟は1日に2ずつ働くのですから，この仕事を弟だけがすると，
 $40 \div 2 = 20$ (日)かかります。

実戦演習 2

(1) 1人が1日でする仕事を1とします。

たとえば、2人が3日でする仕事は、 $2 \times 3 = 6$ になります。

この問題では、3人がするとちょうど25日かかるのですから、仕事量全体は、 $3 \times 25 = 75$ です。

(1)では、75の仕事量を11人でするので、 $75 \div 11 = 6.8 \dots$ (日)かかります。

ということは、6日では終わらず、**7**日目に終わるということになります。

注意 「何日目」かを求める問題では、答えが小数や分数になることはありません。

(2) (1)でわかったとおり、この仕事は75人ぶんの仕事です。

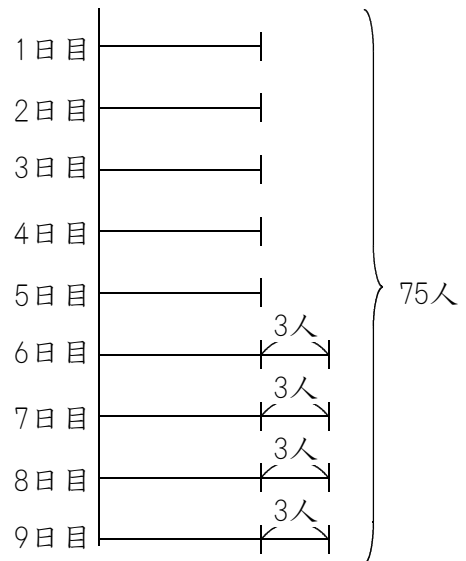
(2)の問題の内容は、右のような線分図で表すことができます。

$$3 \times 4 = 12$$

$$75 - 12 = 63$$

$$63 \div 9 = 7$$

よって、はじめは**7**人で仕事をしていました。



実戦演習 3 (1)

機械Aを6台使うと12時間かかるのですから、機械A1台で $6 \times 12 = 72$ (時間)かかるような土地です。

機械Bを8台使うと6時間かかるのですから、機械B1台で $8 \times 6 = 48$ (時間)かかるような土地です。

土地全体を、72と48の最小公倍数である144にします。

機械Aだと72時間で144を耕すのですから、A1時間あたり、 $144 \div 72 = 2$ ずつ耕します。

機械Bだと48時間で144を耕すのですから、B1時間あたり、 $144 \div 48 = 3$ ずつ耕します。

この問題のようすは、右の表のように整理することができます。

土地全体 = 144
A 1時間あたり 2ずつ
B 1時間あたり 3ずつ

(1)では、この土地を、まずAとBを4台ずつ使って3時間耕しました。

AとBが4台ずつでは、1時間あたり、 $2 \times 4 + 3 \times 4 = 20$ ずつ耕します。3時間では、 $20 \times 3 = 60$ を耕します。

土地全体は144ですから、残っている土地は、 $144 - 60 = 84$ です。

残っている土地を、Aを3台、Bを2台使って耕していきます。

Aを3台、Bを2台使うと、1時間あたり、 $2 \times 3 + 3 \times 2 = 12$ ずつ耕します。

残っている土地である84を耕すのに、 $84 \div 12 = 7$ (時間)で耕し終えることができます。

実戦演習 3 (2)

この問題のようすは、右の表のように整理できます。

土地全体 = 144
A 1時間あたり2ずつ
B 1時間あたり3ずつ

この土地を、はじめAだけを5台使って耕し、途中からBを2台追加して耕したら、全部で10時間かかりました。

Bは途中から追加したので10時間は使っていませんが、Aははじめから10時間ずっと使いました。

Aは1時間あたり2ずつ耕しますから、5台では $2 \times 5 = 10$ ずつ耕します。

Aを10時間ずっと使うと、 $10 \times 10 = 100$ を耕します。

土地全体は144です。よってBが耕したのは、 $144 - 100 = 44$ です。

B1台は1時間あたり3ずつ耕すのですから、Bを2台使ったら、 $3 \times 2 = 6$ ずつ耕します。

44を耕すのに、 $44 \div 6 = \frac{44}{6} = \frac{22}{3} = 7\frac{1}{3}$ (時間)で、 $7\frac{1}{3}$ 時間 = 7時間20分ですから、Bを7時間20分使いました。

全部で10時間のうち、はじめはAだけで耕していて、途中からBを追加して、追加してから7時間20分で終わりました。

よってBを追加したのは、10時間 - 7時間20分 = **2時間40分後** です。

実戦演習 4

(1) 2台のポンプを使うと、1時間＝60分で200Lがなくなります。

$$1 \text{ 分あたり}, 200 \div 60 = \frac{200}{60} = \frac{10}{3} = 3\frac{1}{3} \text{ (L) ずつ水が減っていきます。}$$

4台のポンプを使うと、15分で200Lがなくなります。

$$1 \text{ 分あたり}, 200 \div 15 = \frac{200}{15} = \frac{40}{3} = 13\frac{1}{3} \text{ (L) ずつ水が減っていきます。}$$

(2) 1台のポンプが1分あたりにくみ出す水の量を \square とします。

1分でわき出る水の量を \square とします。

2台のポンプを使ったときは、 $\square\square$ ずつ水が減り、 \square ずつ水が増えますから、 $(\square\square - \square)$ ずつ水が減っていきます。

(1)で求めたとおり、 $\square\square - \square = 3\frac{1}{3}$ です。…(ア)

同じようにして、 $\square\square\square\square - \square = 13\frac{1}{3}$ です。…(イ)

(ア)と(イ)をくらべると、 $\square\square$ が、 $13\frac{1}{3} - 3\frac{1}{3} = 10$ (L) になります。

\square は、 $10 \div 2 = 5$ (L) です。

1台のポンプが1分あたりにくみ出す水の量を \square としたので、答えも **5** L です。

(次のページへ)

(3) (2)で、 \square は5 Lであることがわかりました。

また、2台のポンプを使ったときは、 $\square\square - \square = 3\frac{1}{3}$ L ずつ水が減っていくこともわかっています。

(3)では、8台のポンプを使います。

8台の場合は、 $(\square\square\square\square\square\square\square\square - \square)$ となり、2台のときよりも、 \square が6台ぶん増えています。

\square は5 Lですから、 \square が6台ぶんでは、 $5 \times 6 = 30$ (L)増えて、 $3\frac{1}{3} + 30 = 33\frac{1}{3}$ (L)となります。

よって、8台のポンプを使ったときは、 $33\frac{1}{3}$ L ずつ水が減っていくことがわかりました。

はじめに200 Lあって、 $33\frac{1}{3}$ L ずつ減っていくのですから、 $200 \div 33\frac{1}{3} = 6$ (分)で、池は空になります。

実戦演習 5

(1) 牛1頭が1分間で食べる草の量を1とします。

45頭が8日で食べる草の量は、 $45 \times 8 = 360$ です。

この360というのは、はじめに牧場にあった草だけを表しているわけではありません。8日たったのですから、その8日間に増えた草も食べました。よって、

$$\text{はじめの草の量} + 8 \text{日間で増えた草の量} = 360 \quad \dots(\text{ア})$$

また、60頭が5日で食べる草の量は、 $60 \times 5 = 300$ です。

この300というのは、はじめに牧場にあった草だけを表しているわけではありません。5日たったのですから、その5日間に増えた草も食べました。よって、

$$\text{はじめの草の量} + 5 \text{日間で増えた草の量} = 300 \quad \dots(\text{イ})$$

(ア)と(イ)をくらべると、 $8 - 5 = 3$ (日間)で、 $360 - 300 = 60$ の草が増えます。

よって、1日に増える草の量は、 $60 \div 3 = 20$ です。

(2) (1)で、1日に増える草の量は20であることがわかりました。

また、(1)で、

$$\text{はじめの草の量} + 8 \text{日間で増えた草の量} = 360 \quad \dots(\text{ア})$$

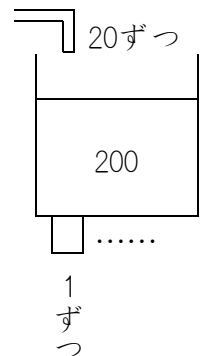
ということがわかっています。

1日に20ずつ草が増えるのですから、8日間では、 $20 \times 8 = 160$ だけ草が増えます。

よって、はじめの草の量は、 $360 - 160 = 200$ です。

右の水そう図のように整理することができます。

牛を25頭放牧すると、 $200 \div (1 \times 25 - 20) = 40$ (日)で草を食べつくします。



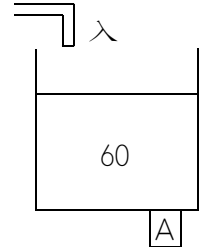
実戦演習 6 (1)

満水の量を，60と20と12の最小公倍数である60にします。

Aを使うと60分で空になるので， $60 \div (A - \text{入}) = 60$ です。

$60 \div 60 = 1$ ですから，

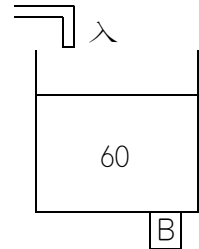
$$A - \text{入} = 1 \dots (\text{ア})$$



Bを使うと60分で空になるので， $60 \div (B - \text{入}) = 20$ です。

$60 \div 20 = 3$ ですから，

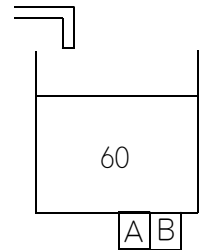
$$B - \text{入} = 3 \dots (\text{イ})$$



AとBを使うと12分で空になるので， $60 \div (A + B - \text{入}) = 12$ です。

$60 \div 12 = 5$ ですから，

$$A + B - \text{入} = 5 \dots (\text{ウ})$$



(ウ)の式の $(B - \text{入})$ の部分は，(イ)により3であることがわかります。

よってAは， $5 - 3 = 2$ です。

Aが2なら，(ア)により「入」は， $2 - 1 = 1$ です。

「入」が1なら，(イ)によりBは， $3 + 1 = 4$ です。

よって，右の表のように整理することができます。

(1)では，AやBのポンプで水をくみ出さないとき，水そうが空の状態から満水になるまで何分かかかるかを求める問題でした。

水そう全体 = 60
A = 2 ずつ
B = 4 ずつ
入 = 1 ずつ

水そう全体は60で，AやBのポンプを使わないときは「入」で1ずつ水が入るので， $60 \div 1 = 60$ (分)で満水になります。

実戦演習 6 (2)

(1)で、右の表のように整理できることがわかりました。

水そう全体 = 60
A = 2 ずつ
B = 4 ずつ
入 = 1 ずつ

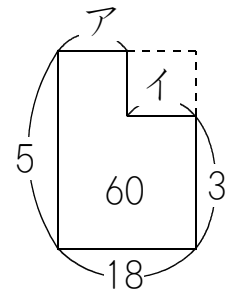
(2)では、はじめはAもBも使っていたのですから、
 $A + B - \text{入} = 2 + 4 - 1 = 5$ ずつ水が減っていきます。

途中からは、Aが故障したため、Bだけを使うので、
 $B - \text{入} = 4 - 1 = 3$ ずつ水が減っていきます。

はじめは5ずつ、途中からは3ずつ水が減って、全部で18分で60の水がなくなりました。

「つるかめ算」ですね。

右のような面積図になります。



点線部分の面積は、 $5 \times 18 - 60 = 30$ です。

点線部分のたては、 $5 - 3 = 2$ です。

よってイは、 $30 \div 2 = 15$ で、アは $18 - 15 = 3$ です。

したがって、AとBのポンプを使ったのは3分間で、Bだけ使ったのは15分間です。

水をくみ出し始めてから3分後に、ポンプAが故障したことがわかりました。