

演習問題集6年上第15回・くわしい解説

目次

ステップ①	1	p.2
ステップ①	2	p.3
ステップ①	3	p.4
ステップ①	4	p.5
ステップ①	5	p.6
ステップ①	6	p.7
ステップ①	7	p.8
ステップ①	8	p.9
ステップ①	9	p.11
ステップ②	1	p.12
ステップ②	2	p.14
ステップ②	3	p.15
ステップ②	4	p.17
ステップ②	5	p.19
ステップ②	6	p.20
ステップ③	1	p.21
ステップ③	2	p.23

ステップ① 1

- (1) 時速 $90 \text{ km} = 1 \text{ 時間}$ で $90 \text{ km} = 60 \text{ 分}$ で $90000 \text{ m} = 1 \text{ 分}$ で $1500 \text{ m} = 60 \text{ 秒}$ で $1500 \text{ m} = 1 \text{ 秒}$ で 25 m 。

よって、時速 $90 \text{ km} = \text{秒速 } 25 \text{ m}$ 。

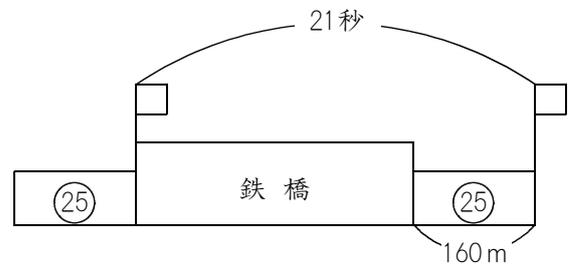
参考 時速 $18 \text{ km} = \text{秒速 } 5 \text{ m}$ であることをおぼえておくと、時速 90 km は時速 18 km の

$90 \div 18 = 5$ (倍) ですから、秒速 $5 \times 5 = 25 \text{ (m)}$ と求めることができ、ラクです。

- (2) 電車が鉄橋を通過するようすは、右の図のようになります。

(1) で求めた通り、電車の秒速は 25 m です。

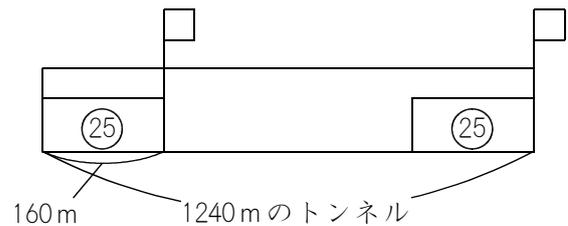
この電車は 21 秒 間で、 $25 \times 21 = 525 \text{ (m)}$ を進みます。



図の、旗から旗までが 525 m ですから、鉄橋の長さは、 $525 - 160 = 365 \text{ (m)}$ です。

- (3) 「トンネルの中に完全にかくれている」という問題文に注意しましょう。

右の図のようになります。

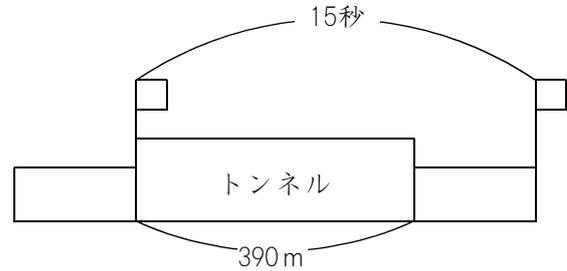


この図の、旗から旗までは、 $1240 - 160 = 1080 \text{ (m)}$ です。

電車は秒速 25 m ですから、 $1080 \div 25 = 43.2 \text{ (秒)}$ かかります。

ステップ① 2

- (1) 電車が、390 mのトンネルにさしかかっ
から完全にトンネルを抜けるまでのよう
すは、右の図のようになります。



つまり、

「電車の長さ + 390 m」を、この電車は15秒かかることがわかりました。

$$\text{電車の長さ} + 390 \text{ m} = 15 \text{ 秒} \quad \dots(\star)$$

同じようにして、長さ720 mの鉄橋をわたり始めてからわたり終わるまでに26秒かかることを表すと、

$$\text{電車の長さ} + 720 \text{ m} = 26 \text{ 秒} \quad \dots(\star)$$

(\star)と(\star)をくらべると、この電車は $26 - 15 = 11$ (秒)で、 $720 - 390 = 330$ (m)走ることがわかります。

電車の秒速は、 $330 \div 11 = 30$ (m)です。

- (2) (1)で、電車の秒速は30 mであることがわかりました。

$$\text{電車の長さ} + 390 \text{ m} = 15 \text{ 秒} \quad \dots(\star)$$

の式において、15秒で走った道のりは、 $30 \times 15 = 450$ (m)です。

よって電車の長さは、 $450 - 390 = 60$ (m)です。

$$\text{電車の長さ} + 720 \text{ m} = 26 \text{ 秒} \quad \dots(\star)$$

の式を利用しても、電車の長さを求められます。

26秒で走った道のりは $30 \times 26 = 780$ (m)ですから、電車の長さは、 $780 - 720 = 60$ (m)です。

ステップ① 3

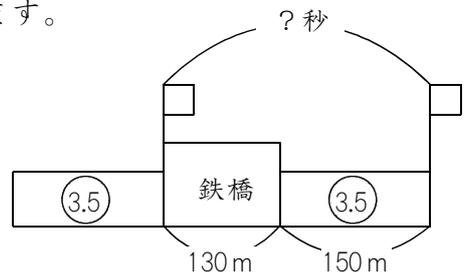
この問題のような，電車が電車を追いこす問題の場合は，片方の電車を鉄橋やトンネルだと考えて，そのかわりもう片方の電車の速さを，電車と電車の速さの差にします。

もし，電車と電車がすれちがう問題の場合なら，片方の電車を鉄橋やトンネルだと考えて，そのかわりもう片方の電車の速さを，電車と電車の速さの和にします。

この問題の場合は，電車Bを長さ130 mの鉄橋にします。
そして電車Aの秒速を， $20 - 16.5 = 3.5$ (m)にします。

右の図のようになります。

かかった時間は，
 $(130 + 150) \div 3.5 = 80$ (秒) → **1分20秒**です。



ステップ① 4

(1) この船は，A地点からB地点まで下るのに30分＝0.5時間かかりました。

15kmを下るのに0.5時間かかったのですから，下りの時速は， $15 \div 0.5 = 30$ (km)です。

下りの速さは，静水時の速さよりも，川の流れのぶんだけ速くなります。

$$\text{下りの速さ} = \text{静水時の速さ} + \text{川の速さ}$$

下りの速さは時速30kmで，川の速さは時速5kmですから，この船の静水時の時速は， $30 - 5 = 25$ (km)です。

(2) (1)で，この船の静水時の時速は25kmであることがわかりました。

川の流れの速さは，時速5kmです。

上りの速さは，静水時の速さよりも，川の流れのぶんだけおそくなります。

$$\text{上りの速さ} = \text{静水時の速さ} - \text{川の速さ}$$

よって，この船の上りの時速は， $25 - 5 = 20$ (km)です。

B地点からA地点までは15kmありますから，この船が上ると， $15 \div 20 = 0.75$ (時間)かかります。

1時間＝60分ですから，0.75時間＝ (60×0.75) 分＝45分かかります。

ステップ① 5

(1) 上りと下りにかかった時間の比は、1時間12分：48分＝72分：48分＝3：2です。

上りと下りの速さの比は逆比になって、**2：3**です。

(2) (1)で、上りと下りの速さの比は2：3であることがわかりました。

そこで、上りの速さを2，下りの速さを3にします。

上りと下りで川の速さが変わらない場合は、
右のような公式が利用できます。

$$\begin{aligned} \text{静水時} &= (\text{下り} + \text{上り}) \div 2 \\ \text{川の速さ} &= (\text{下り} - \text{上り}) \div 2 \end{aligned}$$

静水時の速さは、 $(\text{3} + \text{2}) \div 2 = \text{2.5}$ にあたり、
川の流れの速さは、 $(\text{3} - \text{2}) \div 2 = \text{0.5}$ にあたります。

問題には、静水時の速さが分速100mであると書いてありました。

よって、分速100mが、2.5にあたります。

1あたり、分速 $100 \div 2.5 = 40$ (m)です。

川の速さは0.5にあたるので、分速 $40 \times 0.5 = \text{20}$ (m)です。

(3) (2)で、川の速さは分速20mであることがわかりました。

この船の静水時の速さは、分速100mであることがわかっています。

上りと下りの速さは、右のような公式が利用でき
ます。

$$\begin{aligned} \text{上り} &= \text{静水時} - \text{川の速さ} \\ \text{下り} &= \text{静水時} + \text{川の速さ} \end{aligned}$$

上りの分速は、 $100 - 20 = 80$ (m)で、下りの分速は、 $100 + 20 = 120$ (m)です。

上りは1時間12分＝72分かかりますから、A地点とB地点は、 $80 \times 72 = \text{5760}$ (m)離れています。

下りを利用して求められます。下りは48分かかりますから、A地点とB地点は、 $120 \times 48 = \text{5760}$ (m)離れています。

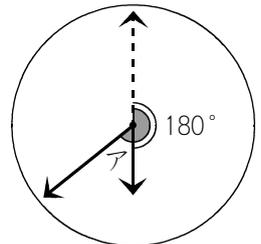
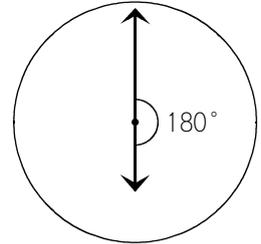
ステップ① 6

(1) 6時のときは、長針と短針が作る角は180度です。

長針は1分間に6度ずつ、短針は1分間に0.5度ずつ回転しますが、短針を止めて、長針のみ1分間に $6 - 0.5 = 5.5$ (度)ずつ回転すると考えます。

42分たって6時42分になったとき、長針は $5.5 \times 42 = 231$ (度)回転したと考えるので右の図のようになり、かげをつけた部分の角度が231度です。

6時42分のときの長針と短針が作る角度はアの部分になり、 $231 - 180 = 51$ (度)です。



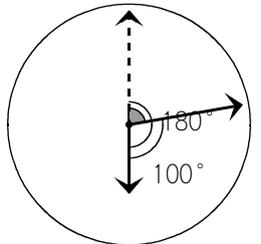
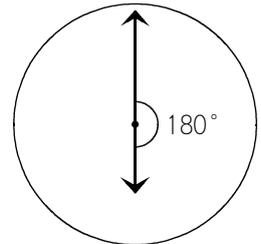
(2) 6時のときは、長針と短針が作る角は180度です。

長針は1分間に6度ずつ、短針は1分間に0.5度ずつ回転しますが、短針を止めて、長針のみ1分間に $6 - 0.5 = 5.5$ (度)ずつ回転すると考えます。

長針と短針の作る角がはじめて100度になったとき、長針は右の図のかげをつけた角度である、 $180 - 100 = 80$ (度)だけ回転したと考えます。

1分間に5.5度ずつ回転すると考えるので、
 $80 \div 5.5 = \frac{80}{5.5} = \frac{160}{11} = 14\frac{6}{11}$ (分)かかります。

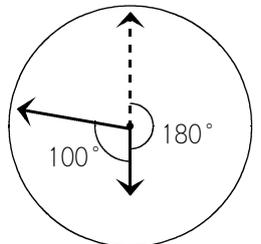
よって答えは、6時 $14\frac{6}{11}$ 分です。



(3) 長針と短針の作る角が2回目に100度になったとき、長針は右の図のように、 $180 + 100 = 280$ (度)回転したと考えます。

1分間に5.5度ずつ回転すると考えるので、
 $280 \div 5.5 = \frac{280}{5.5} = \frac{560}{11} = 50\frac{10}{11}$ (分)かかります。

よって答えは、6時 $50\frac{10}{11}$ 分です。



ステップ① 7

午前6時の時報に時計Aを合わせました。

その日の正午＝12時のとき、時計Aは9分進んでいたのですから、12時9分を示しています。

正しい時計	時計A
6時	6時
↓	↓
12時	12時9分

正しい時計が12時－6時＝6時間進む間に、時計Aは、12時9分－6時＝6時間9分進んでいます。

正しい時計と時計Aの速さの比は、
6時間：6時間9分＝ (60×6) 分： $(60 \times 6 + 9)$ 分＝360：369＝40：41です。

時計Aがこの日の午後7時40分を示しているとき、午前6時から、
午後7時40分－午前6時＝19時40分－6時＝13時間40分＝ $(60 \times 13 + 40)$ 分＝820分進んでいます。

正しい時計と時計Aの速さの比は40：41ですから、正しい時計が40だけ進む間に、時計Aは41だけ進みます。

よって、820分が41にあたります。

1あたり、 $820 \div 41 = 20$ (分)です。

正しい時計は時計Aよりも、 $41 - 40 = 1$ だけ遅れる、つまり、20分遅れるのですから、
時計Aが午後7時40分を示しているときに、正しい時計は、
午後7時40分－20分＝午後**7時20分**を示しています。

参考 1あたり20分で、正しい時計は40だけ進んでいるのですから、
 (20×40) 分＝800分＝13時間20分進むので、
午前6時＋13時間20分＝19時20分＝午後**7時20分**のように求めてもOKです。

ステップ① 8

- (1) グラフの折れ曲がっている部分に、Pがどの頂点を通ったかを書きこみましょう。

BCは16秒，CDは $31 - 16 = 15$ (秒)，DAは $38 - 31 = 7$ (秒)かかります。

点Pは毎秒1cmで進みますから，
BCは16cm，CDは15cm，DAは7cmです。

また，PがCに着いたときの，三角形ABPの面積は 96 cm^2 ですから，ABを□cmとすると，

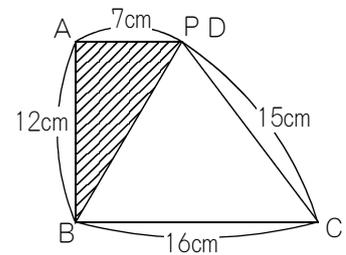
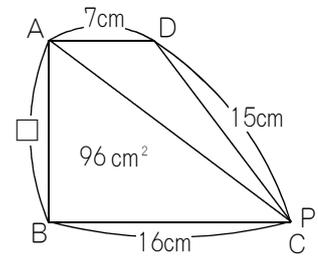
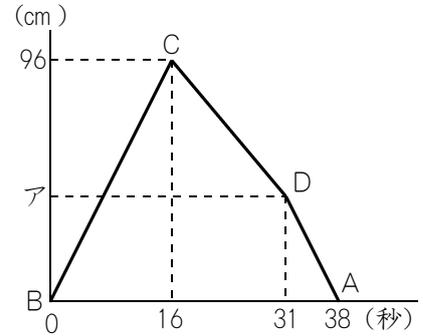
$$16 \times \square \div 2 = 96$$

$$\square = 96 \times 2 \div 16 = 12\text{ (cm)}$$

よって，ABは12cmです。

- (2) アは，点Pが点Dについたときの，三角形ABPの面積です。

右の図の斜線部分の三角形の面積ですから，
 $7 \times 12 \div 2 = 42\text{ (cm}^2\text{)}$ です。



(次のページへ)

(3) このような問題の場合は、基本的にグラフを利用して求めるのがラクです。

面積が 60 cm^2 になるのは右のグラフの●をつけたときです。

1回目は、0秒から16秒までの間で、グラフは16秒間で 96 cm^2 増えていますから、1秒あたり、 $96 \div 16 = 6 (\text{cm}^2)$ ずつ増えます。

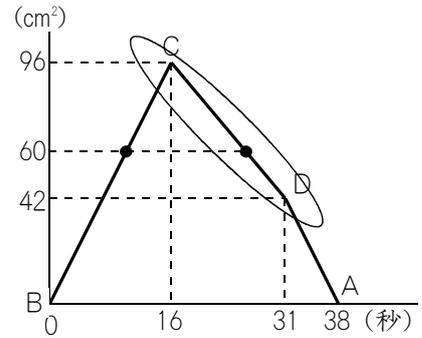
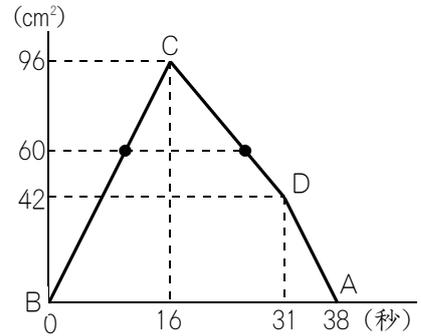
60 cm^2 になるのは、 $60 \div 6 = 10$ (秒後) です。

2回目は、16秒から31秒までの間で、 $31 - 16 = 15$ (秒間) で $96 - 42 = 54 (\text{cm}^2)$ 減っていますから、1秒あたり、 $54 \div 15 = 3.6 (\text{cm}^2)$ ずつ減ります。

Cにいたときから $96 - 60 = 36 (\text{cm}^2)$ 減ればよいので、Cにいたときから $36 \div 3.6 = 10$ (秒後) です。

Cにいたのは16秒後ですから、 $16 + 10 = 26$ (秒後) に、面積が 60 cm^2 になります。

よって、三角形 ABP の面積が 60 cm^2 になるのは、点 P が出発してから **10秒後と26秒後** であることがわかりました。



ステップ① 9

(1) まず、歩幅を決めてから、速さの比を求めます。

「たかし君が7歩で進む距離＝まり子さんが9歩で進む距離」ですから、たかし君とまり子さんの1歩の距離の比は逆比になって、9:7です。

そこで、たかし君の1歩を9m、まり子さんの1歩を7mに決めます。

「たかし君が5歩進む間にまり子さんは6歩進む」というのは、ヨーイドンで2人がスタートして、ストップ!!と言ったとたんにとまったとすると、その間にたかし君は5歩、まり子さんは6歩進んでいたということです。

しかし、2人の速さの比は5:6ではありません。1歩の長さがちがうからです。

たかし君は1歩を9mに決めたので、5歩では $9 \times 5 = 45$ (m)進んでいます。

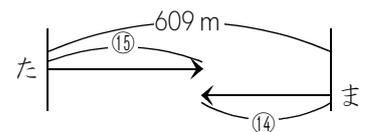
まり子さんは1歩を7mに決めたので、6歩では $7 \times 6 = 42$ (m)進んでいます。

つまり、ヨーイドンで2人がスタートして、ストップ!!と言ったとき、たかし君は45m、まり子さんは42m進んでいたこととなります。

したがって、たかし君とまり子さんの速さの比は、 $45 : 42 = 15 : 14$ です。

(2) (1)で、たかし君とまり子さんの速さの比は15:14であることがわかりました。

2人の家は609m離れていますから、右の図のようにして2人はすれちがいます。



2人がすれちがうまでに、まり子さんは $609 \div (15 + 14) \times 14 = 21 \times 14 = 294$ (m)進んでいます。

ところで、たかし君の歩幅は63cmだそうです。(1)では、たかし君の歩幅を9m、まり子さんの歩幅を7mにしましたが、ちがいましたね。

でも、たかし君とまり子さんの歩幅の比は9:7であることは確かです。

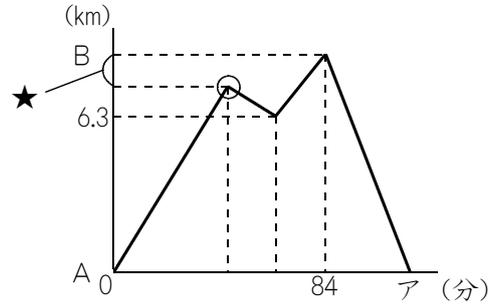
たかし君の歩幅が63cmなら、まり子さんの歩幅は、 $63 \div 9 \times 7 = 49$ (cm)です。

まり子さんは1歩49cmで、 $294 \text{ m} = 29400 \text{ cm}$ 進んでたかし君とすれちがったのですから、まり子さんは $29400 \div 49 = 600$ (歩)進んですれちがったこととなります。

ステップ② 1

(1) エンジンが停止してしまったのは、右のグラフの○のところです。

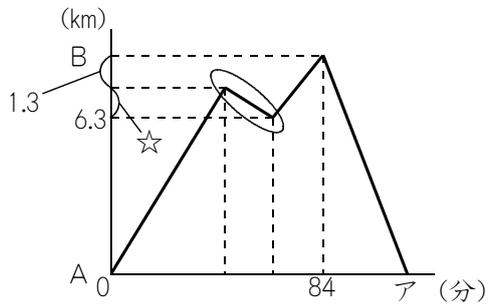
よって、★の距離が1.3 kmです。



流れの速さである時速3 kmで24分間流されていたのは、右のグラフの○の部分です。

24分 = $(24 \div 60)$ 時間 = 0.4 時間ですから、流された距離は、 $3 \times 0.4 = 1.2$ (km)です。

右のグラフの☆の距離が1.2 kmです。

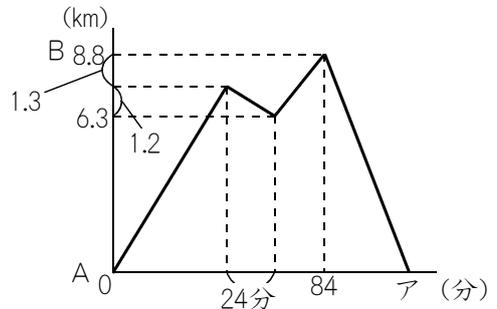


よって、AからBまでの距離は、 $6.3 + 1.2 + 1.3 = 8.8$ (km)です。

(2) 出発してから84分までの中で、エンジンが停止して流されていたのは24分間です。

よって、ちゃんと上っていた時間は、 $84 - 24 = 60$ (分間)です。

60分間で上った距離は、8.8 kmではありません。



エンジンが停止して1.2 kmだけ流されたため、その1.2 kmだけよけいに進む必要があったので、上った距離は $8.8 + 1.2 = 10$ (km)です。

したがって、60分間 = 1時間で、10 kmを上ったことになるので、上りは時速10 kmです。

「上りの速さ = 静水時の速さ - 流れの速さ」で、上りは時速10 km、流れの速さは時速3 kmですから、静水時の時速は、 $10 + 3 = 13$ (km)です。

(次のページへ)

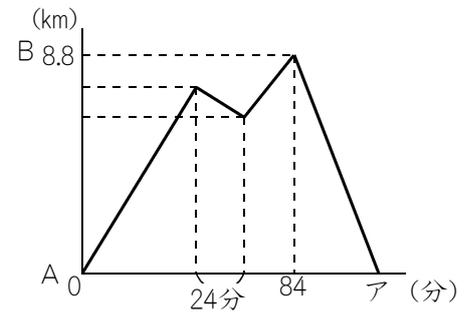
(3) (2)で、この船の静水時の速さは時速 13 km であることがわかりました。

右のグラフの 84 分からあとの部分は、B から A へ下って引き返している部分です。

下りの時速は、 $13 + 3 = 16$ (km) です。

8.8 km を時速 16 km で下ると、 $8.8 \div 16 = 0.55$ (時間) かかります。

0.55 時間 = (0.55×60) 分 = 33 分ですから、ア = $84 + 33 = 117$ (分) です。



ステップ② 2

- (1) 電車が鉄橋を通過するようすは、
右の図のようになります。

鉄橋は480 mですから、電車は、
(480 m + 電車の長さ)ぶんを25秒か
かることがわかります。

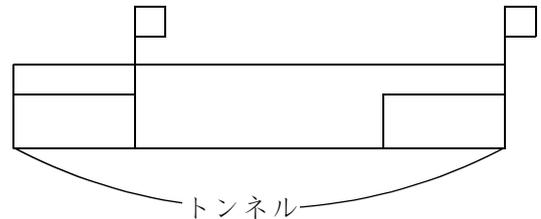


$480 \text{ m} + \text{電車の長さ} = 20 \text{ 秒}$

 …(ア)

「トンネルの中に完全にかくれている」
という問題文に注意しましょう。

トンネルは1900 mですから、電車は、
(1900 m - 電車の長さ)ぶんを48秒かか
ることがわかります。



$1900 \text{ m} - \text{電車の長さ} = 48 \text{ 秒}$

 …(イ)

(ア)と(イ)の式を足すと、「+ 電車の長さ」と「- 電車の長さ」が打ち消し合うこと
に注意しましょう。

この電車は、 $480 + 1900 = 2380 \text{ (m)}$ を、 $20 + 48 = 68 \text{ (秒)}$ かかります。

この電車の秒速は、 $2380 \div 68 = 35 \text{ (m)}$ です。

- (2) (1)がわかったら、(2)は簡単です。

(1)の(ア)の式において、20秒で進んだのは $35 \times 20 = 700 \text{ (m)}$ です。

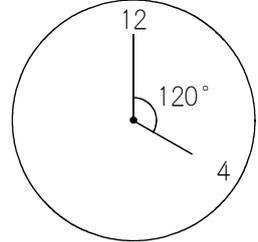
「 $480 \text{ m} + \text{電車の長さ} = 700 \text{ m}$ 」ですから、電車の長さ = $700 - 480 = 220 \text{ (m)}$ です。

(イ)を利用しても求められます。48秒で進んだのは $35 \times 48 = 1680 \text{ (m)}$ です。

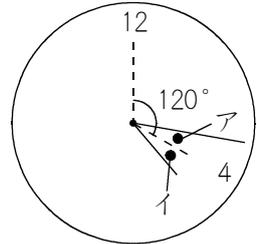
「 $1900 \text{ m} - \text{電車の長さ} = 1680 \text{ m}$ 」ですから、電車の長さ = $1900 - 1680 = 220 \text{ (m)}$ です。

ステップ② 3 (1)

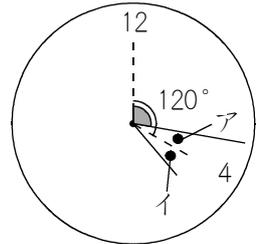
4時のときは、長針と短針の作る角は120度です。



長針と短針が4の目もりをはさんで対称になると、右の図のようになり、●と●は同じ角度なので、角ア=角イです。



ところで、4時ちょうどの時刻から、長針は右の図のかげをつけた角度ぶん動き、短針はイの角度ぶん動きます。



長針は1分で6度ずつ、短針は1分で0.5度ずつ動きますから、かげをつけた角度を6にして、イの角度を0.5にします。

このとき、1あたりが、そのまま答えになります。

角アと角イは等しいので、角イが0.5だったら、角アも0.5です。

図の120度のところは、かげをつけた角度と角アの角度の合計です。

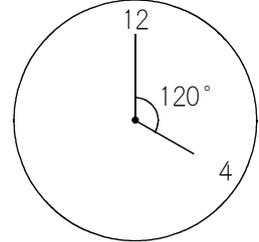
かげをつけた角度は6で、角アは0.5ですから、 $\text{6} + \text{0.5} = 120$ 度です。

$\text{6.5} = 120$ 度となり、1あたり、 $120 \div 6.5 = \frac{120}{6.5} = \frac{240}{13} = 18\frac{6}{13}$ です。

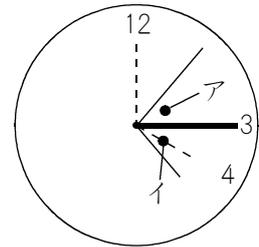
よって答えは、4時 $18\frac{6}{13}$ 分です。

ステップ② 3 (2)

4時のときは、長針と短針の作る角は120度です。



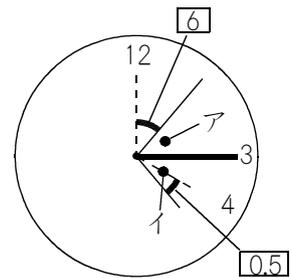
長針と短針が3の目もりをはさんで対称になると、右の図のようになり、●と●は同じ角度なので、角ア=角イです。



長針は1分で6度ずつ、短針は1分で0.5度ずつ動きますから、長針が動いた角度を6にして、短針が動いた角度を0.5にします。

このとき、1あたりが、そのまま答えになります。

右の図のように書きこむことができます。

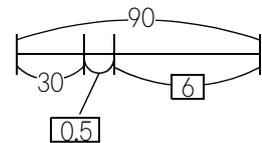


時計の文字盤の12から3までは90度なので、角アは、 $(90 - \text{6})$ と表すことができます。

また、時計の文字盤の3から4までは30度なので、角イは、 $(30 + \text{0.5})$ と表すことができます。

角ア=角イですから、 $90 - \text{6} = 30 + \text{0.5}$ となります。

線分図で表すと、右の図のようになります。



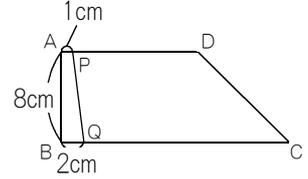
$90 - 30 = 60$ (度)が、 $\text{6} + \text{0.5} = \text{6.5}$ にあたります。

1あたり、 $60 \div 6.5 = \frac{60}{6.5} = \frac{120}{13} = 9\frac{3}{13}$ です。

よって答えは、4時 $9\frac{3}{13}$ 分です。

ステップ② 4

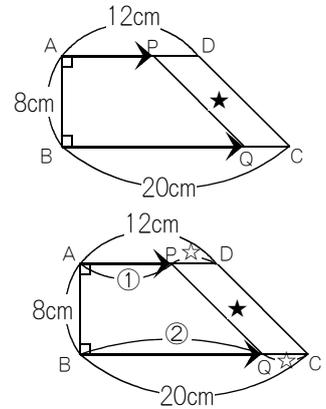
(1) 1秒後の点P, 点Qは, 右の図のような位置にあります。



このときの四角形ABQPの面積は, $(1+2) \times 8 \div 2 = 12 \text{ (cm}^2\text{)}$ です。

四角形ABQPの面積が 36 cm^2 になるのは, $36 \div 12 = 3$ (秒後)です。

(2) 点P, 点Qが右の図のように動いて, ★の部分の四角形が平行四辺形になればOKです。



★は平行四辺形なので上底と下底の長さが等しく, 点Pは毎秒1cmで, 点Qは毎秒2cmなので, Pの進んだ長さを①, Qの進んだ長さを②にします。

$\textcircled{1} + \star = 12 \text{ cm}$ $\textcircled{2} + \star = 20 \text{ cm}$	となります。
--	--------

この2つの式をくらべると, $20 - 12 = 8 \text{ (cm)}$ が, $\textcircled{2} - \textcircled{1} = \textcircled{1}$ にあたることがわかります。

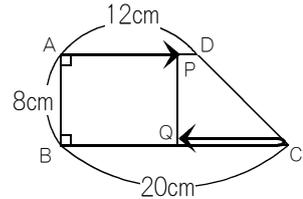
①あたり8cmなので, 答えは8秒後です。

(次のページへ)

- (3) 点Pが点Dに着くのは、 $12 \div 1 = 12$ (秒後)です。
 点Qが点Cに着くのは、 $20 \div 2 = 10$ (秒後)です。
 よって、点Qが点Cに着く方が早いです。

点Qが点Cに着くまでには、PQは時間がたつとともにどんどん傾いていくので、辺ABと平行になることはありません。

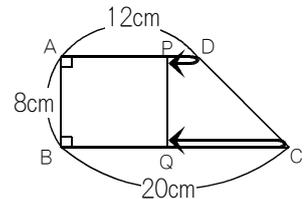
点Qが点Cを折り返し、点Pはまだ点Dに着いていない状態のときに、PQがABに平行になっているようなことがあるとすれば、右の図のようになります。



このとき、P、Q合わせて $20 \times 2 = 40$ (cm)進んでいて、1秒あたりではPQ合わせて $1 + 2 = 3$ (cm)進むのですから、 $40 \div 3 = 13\frac{1}{3}$ (秒後)になります。

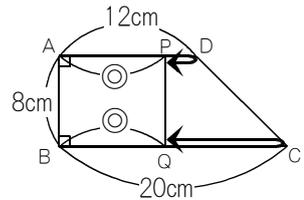
しかし、 $13\frac{1}{3}$ 秒後には、Pは $1 \times 13\frac{1}{3} = 13\frac{1}{3}$ (cm)進んでいるので、点Dを折り返しているはずですから、これはありえません。

よって、PQが辺ABと平行になるのは、PもQも折り返したあとの、右の図のような状態のときです。



右の図において、Pの動いた長さと◎の長さの和が、AD往復ぶんにあたるので、 $12 \times 2 = 24$ (cm)です。

また、Qの動いた長さと◎の長さの和が、BC往復ぶんにあたるので、 $20 \times 2 = 40$ (cm)です。



点Pは毎秒1cmで、点Qは毎秒2cmなので、Pの進んだ長さを①、Qの進んだ長さを②にします。

$\begin{aligned} \text{①} + \text{◎} &= 24 \text{ cm} \\ \text{②} + \text{◎} &= 40 \text{ cm} \end{aligned}$	となります。
--	--------

この2つの式をくらべると、 $40 - 24 = 16$ (cm)が、 $\text{②} - \text{①} = \text{①}$ にあたるのがわかります。

①あたり16cmなので、答えは16秒後です。

ステップ② 5

(1) まず、歩幅を決めてから、速さの比を求めます。

「父が3歩で進む距離＝子が5歩で進む距離」ですから、父と子の1歩の距離の比は逆比になって、5:3です。

子の1歩は45 cmですから、父の1歩は、 $45 \div 3 \times 5 = 75$ (cm)です。

「父3歩進む間に子は4歩進む」というのは、ヨーイドンで2人がスタートして、ストップ!!と言ったとたんに止まったとすると、その間に父は3歩、子は4歩進んでいたということです。

しかし、2人の速さの比は3:4ではありません。1歩の長さがちがうからです。

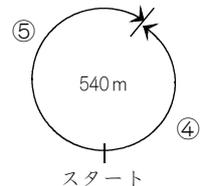
父の1歩は75 cmですから、3歩では $75 \times 3 = 225$ (cm)進んでいます。

子の1歩は45 cmですから、4歩では $45 \times 4 = 180$ (cm)進んでいます。

つまり、ヨーイドンで2人がスタートして、ストップ!!と言ったとき、父は225 cm、子は180 cm進んでいたことになります。

したがって、父と子の速さの比は、 $225 : 180 = 5 : 4$ です。

1周540 mの池のまわりを、父と子が5:4の速さの比で反対方向に進んだとすると、はじめてすれちがうまでに、父は $540 \div (5+4) \times 5 = 300$ (m)進んでいます。



父と子のはじめてすれちがうのは3分後ですから、父の分速は $300 \div 3 = 100$ (m)です。

(2) 父と子が同じ方向に進んで、子が1周おくれたときに、父は子に追いつきます。

父と子の速さの比は(1)で求めた通り5:4ですから、父が子に追いつくまでに、父が進んだ道のりを5、子が進んだ道のりを4とします。

1周は540 mですから、540 mが5 - 4 = 1にあたります。

よって、父が子に追いつくのは、 $540 \times 5 = 2700$ (m)進んだときです。

父の1歩は(1)で求めた通り75 cmですから、追いつくまでに、 $2700 \text{ m} \div 75 \text{ cm} = 270000 \text{ cm} \div 75 \text{ cm} = 3600$ (歩)進んでいます。

ステップ② 6

エスカレーターは84段です。

このエスカレーターを上ったら、60段歩いたところで上の階に着いたそうです。

残り $84 - 60 = 24$ (段)は、エスカレーターちからの力で上ったのです。

よって、歩きの速さとエスカレーターの速さの比は、 $60 : 24 = 5 : 2$ です。

もし、2倍の速さで歩くと、歩きの速さとエスカレーターの速さの比は、 $(5 \times 2) : 2 = 10 : 2 = 5 : 1$ になります。

よって、歩いた段数を⑤、エスカレーターが進んだ段数を①にすると、84段が、 $⑤ + ① = ⑥$ にあたります。

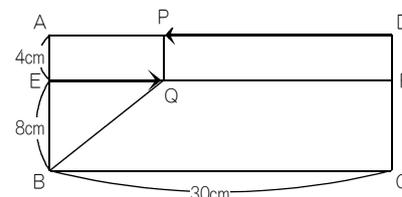
①あたり、 $84 \div 6 = 14$ (段)です。

歩いた段数は⑤ですから、 $14 \times 5 = 70$ (段)上ったところで、上の階に着くことになります。

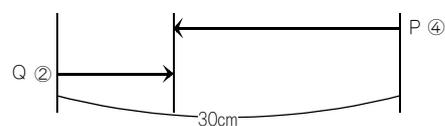
ステップ③ 1 (1)

四角形 A B Q P が台形になるためには、向かい合った1組の辺が平行にならなければなりません。

右の図のように、P Q が A B と平行にならないければならないので、



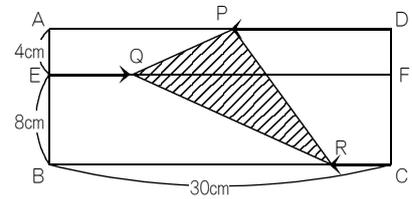
30 cm はなれたところから点 P と点 Q が向かい合って進んで、いつすれちがうかという問題と同じです。



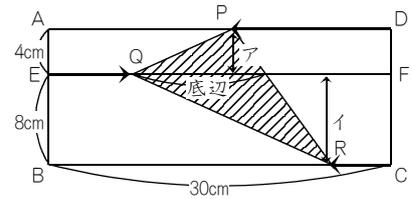
点 P は毎秒 4 cm、点 Q は毎秒 2 cm ですから、 $30 \div (4 + 2) = 5$ (秒後) になります。

ステップ③ 1 (2)

点P, 点Q, 点Rが右の図のように動いて、
 三角形PQR(右の図の斜線部分)の面積が 24 cm^2 になるのが何秒後かを求める問題です。



三角形の底辺を、右の図の「底辺」と書いてある部分にすることが大切です。

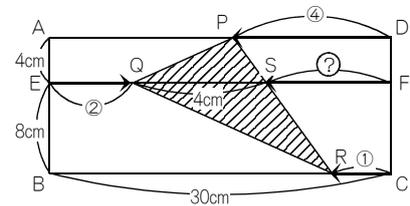


すると、「底辺」と書いてある部分よりも上の斜線部分の高さはアになり、下の斜線部分の高さはイになります。

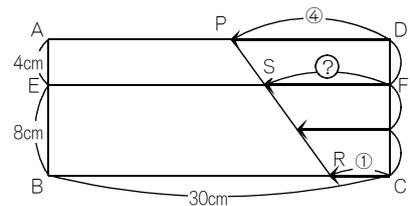
よって、斜線部分全体の三角形は、底辺は「底辺」と書いてあるところで、高さはアとイの和になり、 $4+8=12(\text{cm})$ です。

底辺 $\times 12 \div 2 = 24$ ですから、底辺 $= 24 \times 2 \div 12 = 4(\text{cm})$ です。

右の図のように、毎秒 4 cm の点P, 毎秒 2 cm の点Q, 毎秒 1 cm の点Rの他に、点Fから出発する点Sを用意して、点Qと点Sの間の長さが 4 cm になるのが何秒後かを求めればよいことになります。

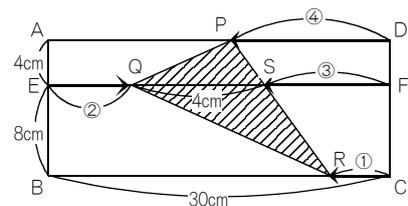


$4:8=1:2$ ですから、DFを山1個、FCを山2個ぶんとすると、PDから下へ順に、④, ③, ②, ①とすれば、RCはちゃんと①になりますね。



よって、点Sは秒速 3 cm です。

右の図のようになるので、 $30-4=26(\text{cm})$ が、 $②+③=⑤$ にあたります。



①あたり、 $26 \div 5 = 5.2(\text{cm})$ ですから、
 答えも **5.2** 秒後です。

ステップ③ 2 (1)

問題に書いてあることをしっかり守って解いていきましょう。

長針は2時間に1周(=360度)進みますから、1時間に $360 \div 2 = 180$ (度)進みます。
1時間は60分ですから、60分で180度進むので、1分に $180 \div 60 = 3$ (度)進みます。

短針は1日(=24時間)に1周(=360度)進みますから、1時間に $360 \div 24 = 15$ (度)進みます。

1時間は60分ですから、60分で15度進むので、1分に $15 \div 60 = 0.25$ (度)進みます。

右の表のように整理しておきます。

長針…	1時間に180度 = 1分に3度
短針…	1時間に15度 = 1分に0.25度

0時のとき、長針も短針も24を指しています。

17時のときは、0時のときより17時間たっています。

長針は1時間に180度動くので、17時間では $180 \times 17 = 3060$ (度)動きます。

$3060 \div 360 = 8$ あまり 180 ですから、長針は8周とあと180度動いています。

短針は1時間に15度動くので、17時間では $15 \times 17 = 255$ (度)動きます。

24の文字のところから、長針は180度動いた位置にいて、短針は255度動いた位置にいるのですから、長針と短針が作る角は $255 - 180 = 75$ (度)です。

ステップ③ 2 (2)

(1)で、右の表のように動くことがわかっています。

長針…	1時間に180度 = 1分に3度
短針…	1時間に15度 = 1分に0.25度

16時36分のとき、長針は16時間で $180 \times 16 = 2880$ (度)、36分で $3 \times 36 = 108$ (度)動きますから、合わせて $2880 + 108 = 2988$ (度)動きます。

$2988 \div 360 = 8$ あまり 108 ですから、長針は8周とあと108度動いています。

16時36分のとき、短針は16時間で $15 \times 16 = 240$ (度)、36分で $0.25 \times 36 = 9$ (度)動きますから、合わせて $240 + 9 = 249$ (度)動きます。

24の文字のところから、長針は108度動いた位置にいて、短針は249度動いた位置にいるのですから、長針と短針が作る角は $249 - 108 = 141$ (度)です。

ステップ③ 2 (3)

(1)で、右の表のように動くことがわかっています。

長針… 1時間に180度=1分に3度
短針… 1時間に15度=1分に0.25度

長針は1時間に180度動くので、13時間では $180 \times 13 = 2340$ (度)動きます。

$2340 \div 360 = 6$ あまり 180 ですから、長針は6周とあと180度動いています。

短針は1時間に15度動くので、13時間では $15 \times 13 = 195$ (度)動きます。

よって、13時のときは、短針は長針よりも $195 - 180 = 15$ (度)だけよけいに進んだところにいます。

したがって、長針が短針よりも15度だけよけいに動けば、長針と短針は1回目に重なります。

2回目に重なるのは、長針が短針よりも、さらにあと360度よけいに動いたときです。

3回目に重なるのは、長針が短針よりも、さらにさらにあと360度よけいに動いたときです。

よって、長針と短針が3回目に重なるのは、13時からスタートしたとして、長針が短針よりも $15 + 360 + 360 = 735$ (度)よけいに進んだときです。

1分あたり、長針は短針よりも $3 - 0.25 = 2.75$ (度)よけいに動きます。

したがって、13時の $735 \div 2.75 = \frac{735}{2.75} = \frac{2940}{11} = 267 \frac{3}{11}$ (分後)を求めればよいこととなります。

$267 \frac{3}{11}$ 分 = 4時間 $27 \frac{3}{11}$ 分ですから、13時 + 4時間 $27 \frac{3}{11}$ 分 = **17時 $27 \frac{3}{11}$ 分** です。