シリーズ5年下第19回・くわしい解説

目 次			
重要事項 …p.2			
基本	1	(1)	p.3
基本	1	(2)	 p.3
基本	1	(3)	p.4
基本	1	(4)	p.4
基本	1	(5)	p.4
基本	1	(6)	 p.5
基本	1	(7)	 p.5
基本	1	(8)	⋯p. 5
基本	2		p.6
基本	3		p.6
基本	4		p.8
基本	5		p.9
基本	6		p.11
基本	7		p.11
基本	8		p.12
基本	9		 p.13
練習		(1)	•
練習	1	(2)	···p. 15
練習	1	(3)	p.16
練習	2		p.17
練習	3		p.19
練習	4		⋯p. 20
練習	5		⋯p.21

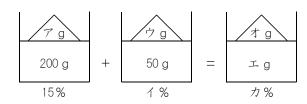


- 5年下第16回~18回の重要事項 ・
- ・食塩=食塩水×こさ 食塩水=食塩÷こさ こさ=食塩÷食塩水
- ・水のときは0g,0%を書く。
- ・食塩のときは、 χ 、 χ 、100%を書く。
- ・食塩水を捨てても、こさは変わらない。
- ・何 g かを捨てて同じ重さを加えると、もとの重さにもどる。
- ・まずビーカー図を書いてみる。解けそうもなかったら面積図。
- ・スライスの図の書き方をマスターしましょう。
- ・回転体の体積・表面積の解き方をマスターしましょう。
- ・柱体の体積=底面積×高さ
- ・すい体の体積=底面積 \times 高さ \times $\frac{1}{3}$
- · 柱体の表面積 = 底面積 × 2 + 側面積は長方形
- ·円すいの側面積=母線×底面の半径×3.14
- ・投影図問題の解き方をマスターしましょう。
- ・上りの速さ=静水時の速さ-流れの速さ 下りの速さ=静水時の速さ+流れの速さ
- ·時計の1目もりは30度
- ・時計の長針は1分間に6度、短針は1分間に0.5度ずつ進む。 短針を止めたときの長針は1分間に5.5度ずつ進むと考える

(1) 右の図のようになります。

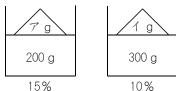
 $P_{i}(g) = 200 \times 0.15 = 30 \quad (g) \quad \vec{c}_{i}(g) \quad \vec{c}_{i$

水を50g加えたので、イは0%、ウは 0gです。



エ=200+50=250 (g), オ=ア+ウ=30+0=30 (g) なので、カは、30÷250=0.12 → 12%です。

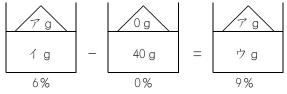
(2) たとえば、右の図のような2つの食塩水があったとします。



アとイは食塩の重さが同じです。このとき,食塩水の重さの比は 200:300=2:3で,こさの比は 15:10=3:2 となり,食塩水の重さの比とこさの比は,逆比になっています。

この問題も同じように考えます。

水を40g蒸発させても、食塩の量は変わりませんから、右の図のアgとアgは同じです。



こさの比は 6:9=2:3ですから、食塩水の重さの比は逆比になって、3:2 です。

よって、 1×3 、 1×3 で ②にすると、 1×3 で ③ 1×3 で ② 1×3 にあたります。

求めるのはイなので③ですから、 $40 \times 3 = 120$ (g) です。

(3) はじめに、食塩水が400gあり ました。



食塩水を□g捨てたあと、

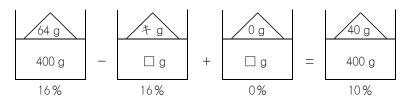
捨てたのと同じ□gの水を加え

たのですから,右の図のアは400gにもどります。

イは 400×0.16=64 (g), ウは 400×0.1=40 (g), オは水なので0%, 力も食塩は入っていないので0gです。

また、捨てた食塩水はもとの食塩水と同じこさなので、工は16%です。

よって,右の図のようにな ります。



食塩は,64-キ+0=40 と なっていますから,

t = 64 - 40 = 24 (g)です。

よって□は, $24 \div 0.16 = 150$ (g) です。

(4) 食塩の重さは,5:4であれば何gでも答えは同じになるので,Aの食塩の重さを5g, Bの食塩の重さを4gにします。

Aの濃さは、 $5\div100=0.05 \rightarrow 5\%$ になり、Bの濃さは、 $4\div200=0.02 \rightarrow 2\%$ になります。

よって、AとBの濃さの比は、5:2になります。

(5) 食塩水の重さは、2:3であれば何gでも答えは同じになるので、Aの食塩水を200g、Bの食塩水の重さを300gにします。

Aにふくまれる食塩は,200×0.1=20(g)です。

Bにふくまれる食塩は、300×0.15=45(g)です。

AとBをまぜると、食塩の重さは 20+45=65 (g) になります。 食塩水の重さは 200+300=500 (g) になります。

よって、AとBをまぜたときの濃さは、 $65 \div 500 = 0.13$ → 13%です。

(6) 食塩水の重さは、3:5であれば何gでも答えは同じになるので、Aの食塩水を300g、Bの食塩水の重さを500gにします。

Aにふくまれる食塩は、300×0.06=18(g)です。

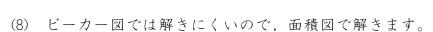
AとBをまぜると、食塩水の重さは 300+500=800(g)になり、そのときの濃さは11%ですから、食塩の重さは 800×0.11=88(g)です。

Aの食塩は18gで、AとBをまぜたときの食塩は88gですから、Bにふくまれている食塩は、88-18=70(g)です。

Bの食塩水の重さは500gですから、Bの濃さは、70÷500=0.14 → 14%です。

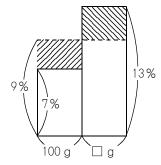
(7) ビーカー図では解きにくいので、面積図で解きます。

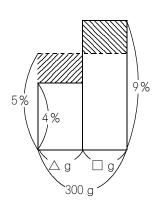
右の面積図で、/////////の部分の面積は (9-7)×100=200 です。



右の面積図で、 の部分と の部分の面積は 求められませんが、 のたての長さの比は、 (5-4):(9-5)=1:4になり、面積は等しいのですから、 横の長さの比は逆比になって、4:1です。

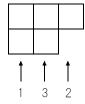
よって、 \triangle gと \square gの重さの比が4:1ですから、 \square は、 $300 \div (4+1) \times 1 = 60$ (g)です。



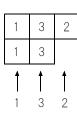


真上から見た図に, 立方体が何個積み重なっているかを書きこんでいきます。

正面から見ると、「1個、3個、2個」が、積み重なったように見えますから、右の図のようになります。

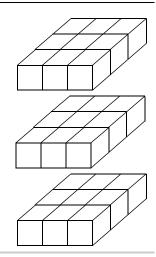


積み木の数が最も多い場合は、右の図のようになりますから、全部で、1+1+3+3+2=10 (個) です。

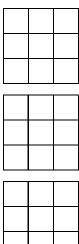


基本問題 3

右の図のように3段にスライスして,

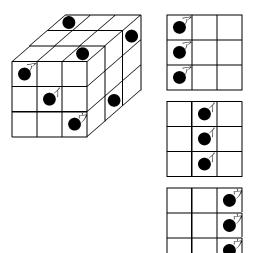


上から見た図に, 穴を書きこんでいきます。

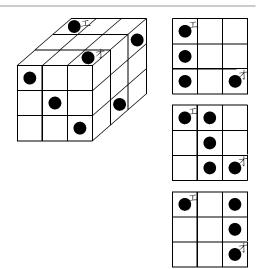


シリーズ5下第19回 くわしい解説

ア, イ, ウの穴で, スライスした図の通り穴があいていきます。

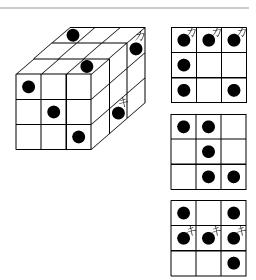


エ, オの穴で, スライスした図の通り穴が あいていきます。

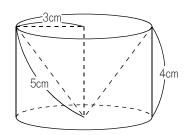


カ, キの穴で, スライスした図の通り穴が あいていきます。

穴があいていないのは、上の段で3個、まん中の段で4個、下の段で3個ですから、全部で、3+4+3=10(個)です。



(1) 回転させると、右の図のような、円柱から円すいを 取りのぞいたような立体ができます。



体積は.

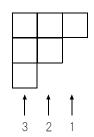
$$3 \times 3 \times 3.14 \times 4 - 3 \times 3 \times 3.14 \times 4 \times \frac{1}{3}$$

- $= 36 \times 3.14 12 \times 3.14$
- $=(36-12)\times3.14$
- $= 24 \times 3.14$
- =75.36 (cm³) τ
- (2) 側面は切って広げると長方形になり、他に底面の円、立体の内部の「円すいの側面」の合計の面積を求めます。上の部分はあいていて、面がないことに注意しましょう。

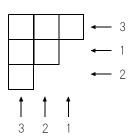
- $= 24 \times 3.14 + 9 \times 3.14 + 15 \times 3.14$
- $=(24+9+15)\times3.14$
- $=48 \times 3.14$

(1) 真上から見た図に、立方体が何個積み重なっているかを書きこんでいきます。

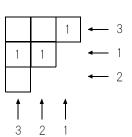
正面から見ると、「3個、2個、1個」が、積み重なったように 見えますから、右の図のようになります。



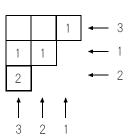
また、右横から見ると、「2個、1個、3個」が、積み重なったように見えますから、右の図のようになります。



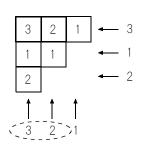
1個しか見えないところは、1個しか積み重なっていないので、右の図のようになります。



右の図の太線部分は立方体が1個しかなく、右横から見て2個積み重なっているのですから、2個に決まってしまいます。



右の図の点線でかこまれた部分は,「最大で3個,2個が積み重なっている」のですから,太線部分のように決まります。

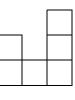


全部で、3+2+1+1+1+2=10(個)あることがわかり、 1個の立方体の体積は 1×1×1=1 (cm³) ですから、体積は 1×10=10 (cm³) です。 (2) 表面積は、「前後左右上下+隠れ面」で求めます。

「前後」は、正面の図を見れば、前から見て6面が見えることがわかるので、後ろから見ても6面です。



「左右」は、右横の図を見れば、右から見て6面が見えることがわかるので、左から見ても6面です。



「上下」は、真上の図を見れば、上から見て6面が見えることがわかるので、下から見ても6面です。



ここまでで、前・後・左・右・上・下すべて6面であることがわかり、全部で、6×6=36(面)あることがわかりました。

あとは「隠れ面」があります。

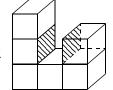


(1)で,立方体は右の図のように積み重なっていることがわかって

います。

3 図の 1 2

の部分は



となっていて,斜線部分の2面は「前後左右上下」

のどこから見ても見えない「隠れ面」です。

隠れ面も合わせると、36+2=38(面)あり、1つの面の面積は $1\times1=1$ (cm²)ですから、表面積は、 $1\times38=38$ (cm²)です。

池のまわりの長さを、36と45の最小公倍数である180mに決めます。

A君の分速は 180÷36=5 (m) で、B君の分速は 180÷45=4 (m) です。

- すれちがうのは、180÷(5+4)=20(分後)です。
- (2) A君がB君を追いこすのは、180÷(5-4)=180(分後)です。

基本問題 7

(1) 上るのに40分,下るのに24分かかるのですから,上りと下りの時間の比は, 40:24=5:3 です。

上りと下りの速さの比は逆比になって、3:5です。

上りの速さを③,下りの速さを⑤とします。

静水時の速さは (⑤+③)÷2=④, 川の速さは (⑤-③)÷2=① にあたります。 上り=静水時-川の速さ 下り=静水時+川の速さ 静水時=(下り+上り)÷2 川の速さ=(下り-上り)÷2

よって、静水時の速さは、川の速さの ④÷①=4(倍)になります。

(2) (1)で、上りの速さを③、下りの速さを⑤とすると、静水時の速さは④で、川の速さは①にあたることがわかりました。

問題文には,静水時の速さは分速100mであると書いてあったので,④にあたるのが分速100mです。

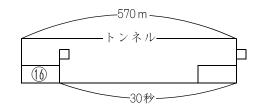
①あたりの分速は 100÷4=25 (m) です。

上りの分速は③にあたるので、 $25 \times 3 = 75$ (m)です。 下りの分速は⑤にあたるので、 $25 \times 5 = 125$ (m)です。

AからBまでは上って40分かかるのですから、 $75 \times 40 = 3000$ (m)です。

下ってが24分かかるので、125×24=3000(m)と求めてもOKです。

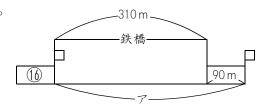
(1) 右の図の旗から旗までが、電車が完全にトンネルの中に入っているときのようすです。



秒速16mですから,30秒で進んだ道のりは, 16×30=480 (m)です。

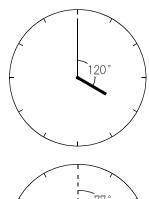
よって電車の長さは、570-480=90(m)です。

(2) 右の図の旗から旗までが、電車が鉄橋を渡り始めてから渡り終わるまでのようすです。



310+90=400 (m) を, 秒速16mで進むのですから, 400÷16=25 (秒) かかります。

(1) 4時のときの、長針と短針で作る角度は120度です。

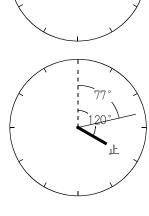


短針を止めて長針だけ動くことにすると、長針は1分間に5.5度ずつ動きます。

4時14分までの14分間では、5.5×14=77(度)動きます。

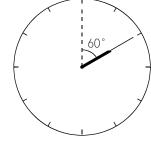
よって4時14分のときの、短針と長針の作る角度は、 120-77=**43**(度)です。

(2) 2時のときの、長針と短針で作る角度は60度です。



短針を止めて長針だけ動くことにすると、長針は1分間に 5.5度ずつ動きます。

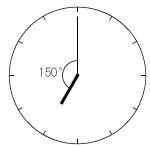
長針が60度動けば、長針と短針が重なるのですから、 $60 \div 5.5 = \frac{60}{5.5} = \frac{120}{11} = 10\frac{10}{11}$ (分後) に重なります。



よって,答えは2時10<mark>11</mark>分です。

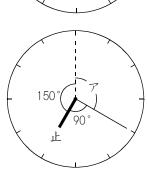
練習問題 1 (1)

7時のときの、長針と短針で作る角度は150度です。



短針を止めて長針だけ動くことにすると、長針は1分間に5.5度ずつ動きます。

右の図のアの角度だけ長針が動けば,長針と短針が作る角は直角になります。



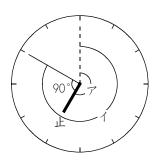
アは 360-(150+90)=120 (度) ですから,

$$120 \div 5.5 = \frac{120}{5.5} = \frac{240}{11} = 21 \frac{9}{11}$$
 (分後) です。

また,右の図のイの角度だけ長針が動いても,長針と短針が作る角は直角になります。

アは210度ですから, イは 210+90=300 (度) になるので,

$$300 \div 5.5 = \frac{300}{5.5} = \frac{600}{11} = 54 \frac{6}{11}$$
 (分後) です。



よって, 答えは7時21 9 分と7時54 6 11 分です。

練習問題 1 (2)

普通列車と貨物列車は速さがちがいます。普通列車の方が速く,貨物列車の1.5倍の速さです。

トンネルをぬけるまでに、普通列車は56秒かかり、貨物列車は1分15秒=75秒かかります。

速さがちがうとくらべられないので、普通列車の速さを貨物列車と同じにします。

すると、普通列車は56秒よりも、もっと時間がかかることになります。

普通列車がかかる時間は、56秒の1.5倍である、 $56 \times 1.5 = 84$ (秒)かかることになります。

すると, 貨物列車の速さで,

「長さ240mの列車がトンネルをぬけるのに84秒かかる。」… (ア)

「長さ150mの列車がトンネルをぬけるのに75秒かかる。」… (イ)

(ア) と(イ) をくらべます。

速さは同じなのに, (イ)よりも (ア)の方が 84-75=9 (秒)よけいに時間がかかっている理由は. (イ)よりも (ア)の方が 240-150=90 (m)長いからです。

よって、貨物列車の秒速は、90÷9=10(m)であることがわかりました。

(ア)を利用すると、右の図の★の長さは、10×84=840(m)ですから、トンネルの長さは、840-240=600(m)です。



(イ) を利用しても求めることができます。10×75-150=600 (m) です。

3cm

練習問題 1 (3)

まず,右の図のアの長さを求めましょう。

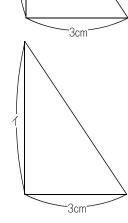
 $3 \div 3 = 1$ (cm) としてはいけません。

この図形は「ピラミッド形」ですから、きちんと、相似な2つの三角形を書いてから考えます。

右の図のようにすると、ア:イは1:3です。

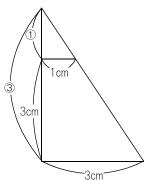
アを①, イを③とすると,





右の図のようになるので、3cmが、③-①=②にあたります。

- ①あたり、 $3 \div 2 = 1.5$ (cm) です。
- ③の部分の長さは、1.5×3=4.5 (cm) です。

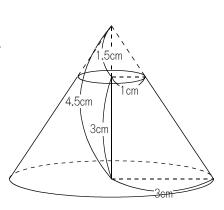


よって, ABを軸として回転させると, 右の図のような, 「円すい台」(大円すい-小円すい) になります。

この立体の体積は,

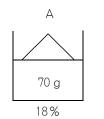
 $3 \times 3 \times 3.14 \times 4.5 \times \frac{1}{3} - 1 \times 1 \times 3.14 \times 1.5 \times \frac{1}{3}$

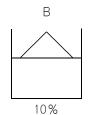
- $= 13.5 \times 3.14 0.5 \times 3.14$
- $=(13.5-0.5)\times3.14$
- $= 13 \times 3.14$
- =40.82 (cm³) 7



練習問題 2 (1)

はじめに,18%の食塩水Aが70g,10%の食塩水Bが何gかありました。





まず、BからAに、30gの食塩水を移しました。移した食塩水は10%ですから、

右の図のようになります。

アは 70×0.18=12.6 (g) です。

イは $30 \times 0.1 = 3$ (g) です。

A

70 g +

18%

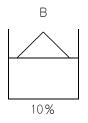
1 g 30 g 10%

ウg エg オ%

よってオは、15.6÷100=0.156 → 15.6%です。

したがって, Aは15.6%になり, BはAに30g移しましたが, 10%のままです。

15.6 g 100 g

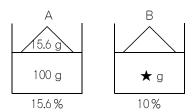


このあと、AからBに30gを移しましたが、Aは15.6%のままです。

よって、最後のAの濃さは、15.6%です。

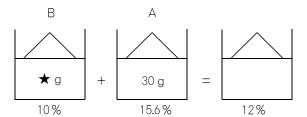
練習問題 2 (2)

右の図の状態のあと、AからBに30gを移しました。



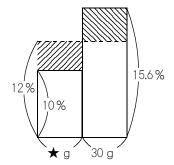
その結果, Bは12%になりました。

この問題は、ビーカー図では解きにくいので、面積図で解きます。



右の面積図の∭ の面積は、(15.6-12)×30=108です。

よって////////の面積も108になり、 $\square = 108 \div (12-10) = 54$ です。



したがって、★は54gです。

Bは,はじめ何gかあって,Aに30gをあげた結果,54gになりました。

よってBのはじめの重さは、54+30=84(g)です。

注意 Bの最終的な重さを54g だと思ってしまって, $\Box - 30 + 30 = 54$ として, 答えを 54g にするミスが多いです。注意しましょう。

練習問題 3

(1) 公園のまわりの長さを何mにしたとしても、かかった時間の比は同じになるので、 公園のまわりの長さを、120と100と80の最小公倍数である1200mにします。

Aは1周目が $1200 \div 120 = 10$ (分), 2周目が $1200 \div 100 = 12$ (分), 3周目が $1200 \div 80 = 15$ (分) かかりますから、かかった時間の比は、10:12:15です。

(2) 公園のまわりの長さを1200mにすると、Aは1周目が10分、2周目が12分、3周目が15分かかることが、(1)でわかりました。

よって、Aは全部で 10+12+15=37 (分) かかりました。

Bは1周を 1200÷100=12 (分) かかるので、3周で 12×3=36 (分) かかります。

公園のまわりの長さを1200mにすると、Aは全部で37分、Bは全部で36分かかるので、BはAより 37-36=1(分)早く走り終えることになり、問題に書いてある数値と同じになります。

よって、公園のまわりの長さは1200mです。

(3) 1周目はAの方が速く,2周目はAとBは同じ速さなので,2周目までにBがAを追い こすことはありません。

2周を走り終えたのは, Aは 10+12=22 (分後), Bは 12×2=24 (分後)です。

Aの方が、24-22=2(分)早く、2周を走り終えています。

よって、Bが3周目をスタートするときに、Aはすでに2分早く、しかもAの3周目の分速は80mですから、 $80\times2=160$ (m)前にいます。

3周目は、Aは分速80m、Bは分速100mですから、Aが160m前にいても、Bは、160÷(100-80)=8(分)で追いつきます。

したがって, Bが追いついたのは, スタートしてから 24+8=<mark>32</mark>(分後)です。

練習問題 4

(1) Bを①%にします。

A100gに水を300g加えると、Bと同じ ①%になるのですから、右のビーカー図の ようになります。

Pt = 100 + 300 = 400 (g) (c)

イは $400 \times 0.01 = ④ (g) です。$

ウも④gですから、□は ④÷100=0.04 → ④%です。

よって、Bを①%にすると、Aは④%になりますから、AとBの濃さの比は、4:1です。

(2) (1)で、Bを①%にすると、Aは④%になることがわかりました。

まぜたときの食塩の重さは、(200+100)×0.075=22.5(g)です。

A 200 g にふくまれる食塩は、A は④%ですから、200×0.04=8 → ⑧ g です。 B 100 g にふくまれる食塩は、B は①%ですから、100×0.01=1 → ① g です。

よって, 22.5g が, 8+0=9 にあたります。

①あたり、 $22.5 \div 9 = 2.5$ ですから、Aの濃さは、 $4 = 2.5 \times 4 = 10$ (%) です。

練習問題 5 (1)

上から1cmごとに,1段目,2段目,…,5段目とします。

そして, くりぬいた部分の立体の形を考えていきます。

1段目は、イによるくりぬきがあります。

2·3·4段目は、アによるくりぬきがあります。イによるくりぬきは、アの中にふくまれます。

5段目は、1段目と同じく、イによるくりぬきが あります。

よって, くりぬき部分は, 右の図のような立体になります。

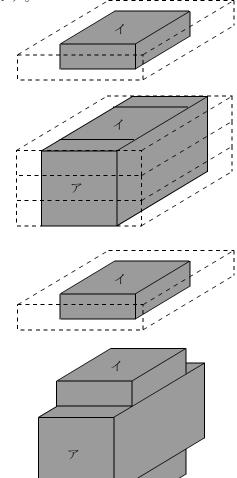
1段目のくりぬき部分の体積は、 $3\times3\times1=9$ (cm 3)です。

2·3·4段目のくりぬき部分の体積の合計は, 5×3×3=45 (cm³) です。

5段目のくりぬき部分の体積は、1段目と同じく9cm³です。

よって, くりぬき部分全体の体積は, 9+45+9=63 (cm³) です。

立方体全体の体積は、 $5\times5\times5=125$ (cm³) ですから、くりぬいたあとに残った立体の体積は、125-63=62 (cm³) です。



練習問題 5 (2)

表面積を,「外から見える表面積」と「内側の表面積」に分けて考えます。

外から見える表面積

前・後・上・下は、のような形をしています。

それぞれの面積は、 $5\times5-3\times3=16$ (cm²) で、4面あります。

右・左は正方形で、それぞれの面積は、 $5\times5=25$ (cm²) で、2面あります。

よって、外から見える表面積は、16×4+25×2=114 (cm²) です。

内側の表面積 -

くりぬき部分の表面積を求めればよい,というわけでは ありません。

右の図の斜線部分は単なる「穴」で、表面積にはカウントされません。

★のような、1×3=3 (cm²) の部分は、1段目の側面に 4面、5段目の側面にも4面、他に、2段目に2面、4段目にも 2面あるので、全部で 4+4+2+2=12 (面) あり、3×12=36 (cm²) です。

☆のような, 3×5=15 (cm²) の部分は2面あり, 15×2=30 (cm²) です。

よって,内側の表面積は,36+30=66 (cm²)です。

全体の表面積 -

外から見える表面積は $114cm^2$ で、内側の表面積は $66cm^2$ ですから、全体の表面積は, 114+66= **180** (cm^2) です。

