シリーズ4年上第2回・くわしい解説

すぐる学習会

(1)
$$15 + 4 \times 7 = 15 + 28 = 43$$
 かけ算が先

(2)
$$37 - 8 + 2 = 29 + 2 = 31$$
 左が先

(3)
$$84 \div (29 - 17) = 84 \div 12 = 7$$
 かっこが先

(4)
$$15 \times (4 + 11) = 15 \times 15 = 225$$

(5)
$$6 \times (19 - 16 \div 8) = 6 \times (19 - 2) = 6 \times 17 = 102$$

わり算が先 かっこが先

(6)
$$(16 + 8 \times 13) \div 15 = (16 + 104) \div 15 = 120 \div 15 = 8$$
 かけ算が先 かっこが先

(7)
$$\{31 - (26 - 15)\} \div 4 = (31 - 11) \div 4 = 20 \div 4 = 5$$
 かっこが先 かっこが先

(8)
$$12 \times \{45 - (14 + 24)\} = 12 \times (45 - 38) = 12 \times 7 = 84$$
 かっこが先 かっこが先

(10)
$$30 - \{17 - 56 \div (25 - 17)\} = 30 - (17 - 56 \div 8)$$
 かっこが先
$$= 30 - (17 - 7)$$
 かっこが先
$$= 30 - 10$$

$$= 20$$

1. 1 1. 1	A 11 5 -	0.1 1 11	A 12 () 1-1	
カトイノフェイノ	パサンフ	゚ルを作っ゙	(氷め1)	トフ。

- (1) 2+3=5 という式の, 2の部分を口にすると, $\square+3=5$ 。このときの口は, 5-3=2。この問題では, $\square+12=27$ だから, $\square=27-12=15$ 。
- (2) 5-3=2 という式の, 5の部分を口にすると, $\Box -3=2$ 。このときの口は, 2+3=5。この問題では, $\Box -19=15$ だから, $\Box =15+19=34$ 。
- (3) $2 \times 3 = 6$ という式の、2の部分を口にすると、 $\square \times 3 = 6$ 。このときの口は、 $6 \div 3 = 2$ 。この問題では、 $\square \times 7 = 56$ だから、 $\square = 56 \div 7 = 8$ 。 (本当は、7の段の九九を考えれば、 \square は8であることがすぐわかりますね。)
- (4) $6\div 3=2$ という式の, 6の部分を口にすると, $\square\div 3=2$ 。このときの口は, $2\times 3=6$ 。この問題では, $\square\div 6=12$ だから, $\square=12\times 6={72}$ 。
- (5) 2+3=5 という式の、3の部分を口にすると、2+□=5。このときの□は、5-2=3。この問題では、23+□=41 だから、□=41-23=18。
- (6) 5-3=2 という式の、3の部分を口にすると、 $5-\Box=2$ 。このときの口は、5-2=3。 この問題では、 $38-\Box=25$ だから、 $\Box=38-25=13$ 。
- (7) $2 \times 3 = 6$ という式の、3の部分を口にすると、 $2 \times \square = 6$ 。このときの口は、 $6 \div 2 = 3$ 。この問題では、 $6 \times \square = 78$ だから、 $\square = 78 \div 6 = 13$ 。
- (8) $6\div 3=2$ という式の、3の部分を口にすると、 $6\div \Box = 2$ 。このときの口は、 $6\div 2=3$ 。この問題では、 $72\div \Box = 18$ だから、 $\Box = 72\div 18=4$ 。

(9)	$3 \times \square - 5 = 16$ かけ算がひき算よりも先なので、かけ算のところを、大きな でかこみましょう。 $3 \times \square - 5 = 16$
	-5=16 という式になりました。
	かんたんな例として,
	-5=16 ならば、 は,16+5=21 になります。
	よって, 3×□ のところが, 21になることがわかりました。
	つまり, 3 × □ = 21 です。
	3の段の九九を考えて、□は7になります。
(10)	$(13-\Box) \times 4 = 28$ かっこが先なので、かっこのところを、大きな でかこみましょう。 $(13-\Box) \times 4 = 28$
	×4=28 という式になりました。
	4の段の九九を考えて, は7になります。
	よって, $(13-\square)$ のところが, 7 になることがわかりました。
	つまり, 13 - □ = 7 です。
	かんたんな例として、 $5-2=3$ ならば、
	同じようにして、 $13 = 7$ ならば、 は、 $13-7$ という計算をして、 6 になります。

25から、ある数と3の和の2倍 をひいたところ、答えが9になりました。

つまり, 25 - ある数と3の和の2倍 = 9 です。

よって、ある数と3の和の2倍 = 25-9=16です。

ある数と3の和 の2倍=16 ですから,

ある数と3の和 = 16÷2=8 です。

「和」というのは、たし算の答えのことですから、ある数と3をたすと、8になります。

よってある数は,8-3=5 になります。

(1) たとえば、 $2\times3\times5$ は 30 で、 $5\times3\times2$ も 30 です。 このように、かけ算は、どの順に計算しても答えは同じです。

19×4×25 の場合,まず順番を変えて 25×4×19 にします。

 $25 \times 4 = 100$ ですから、 100×19 を計算すればよいことになり、19に0を2つつけて、1900が答えになります。

(2) 99×7 を, 逆にして 7×99 にしても, 答えは同じです。

7×99 は、たとえば「7円のものを99個買ったら、代金はいくらになりますか」という問題と同じです。

99個買うのははんぱなので、100個買って1個あとでもどすことにします。

つまり、7×99 は、7×100 を計算してから、7×1をあとで引けばよいことになります。

 $7 \times 100 = 700$, $7 \times 1 = 7$ ですから, 答えは 700 - 7 = 693 です。

(3) かけ算を逆にしても答えは同じなので、 $73 \times 41 + 27 \times 41$ を、 $41 \times 73 + 41 \times 27$ としても、答えは同じです。

41×73 は、「1個41円の品物を73個買った」ということと同じです。

41×27 は「1個41円の品物を27個買った」としうことと同じです。

ですから、 $41 \times 73 + 41 \times 27$ は、「1個41円の品物をまず73個買い、次に27個買ったら、全部で何円になるか」ということになります。

結局, 1個41円の品物を, 73 + 27 = 100(個)買ったことになりますから, 全部の代金は, $41 \times 100 = 4100$ (円)になります。

(4) かけ算を逆にしても答えは同じなので、 $49 \times 112 - 12 \times 49$ を、 $49 \times 112 - 49 \times 12$ としても、答えは同じです。

49×112 は、「1個49円の品物を112個買った」ということと同じです。

49×12 は、「1個49円の品物を12個買った」ということと同じです。

ですから、 $49 \times 112 - 49 \times 12$ は、「1個49円の品物をまず112個買い、次に12個をもどしたら、金額は何円になるか」ということになります。

結局、1個49円の品物を、112個買って、12個もどしたので、112-12=100個買ったことになり、答えは $49 \times 100 = 4900$ (円)になります。

虫食い算はミスをしやすいです。答えを求めたあと、必ず確かめをしましょう。

(1) 7よ95の方が小さいから、 $\boxed{1}$ +7では、<9上が9があったはずです。 よって、 $\boxed{1}$ +7=15 とな9ますから、 $\boxed{1}$ は 15-7=8 です。

アと2と、くり上がりの1をたして6になるのだから、アは3です。

4 78 + 7 2₁7 1 1 6 5

4+ ウが11になるので、ウは7です。

4 3 8 + 7 2₁ 7 1 1 6 5

よって、右図のようになります。

4 38 + 7 2₁7 1 1 6 5

答えは、 $\boxed{7}=3$ 、 $\boxed{4}=8$ 、 $\boxed{9}=7$ です。

(2) 5より9の方が大きいから,5-才は,〈り下がりがあったはずです。

6 <u>17</u> 7 7 7 9

エから1かりてきて、15にして、15から才を引くと9なのですから、才は6です。

6 三 5 - 17 团 09

工は1をかしてあげて、7を引いたら0になったのですから、工は8になります。

百の位は,6-1 ですから, 力は5になります。

685 - 176 709

(次のページへ)

よって,右図のようになります。

答えは, 工=8, オ=6, カ=5 です。

	6	1 8	5
_	1	7	6
	5	0	9

(3) 夕×6 の計算をすると、一の位が8になっています。 6の段の九九で、一の位が8になるのは、 $6 \times 3 = 18 \ \text{∠}, 6 \times 8 = 48 \ \text{\refter}$ よって、夕には、3か8が入ります。

とりあえず, 夕のところに3を入れてみます。 すると, $6 \times 3 = 18$ で, 1がくり上がります。 十の位は、6×5=30 で、1くり上がっていますから、31。 よって、十の位は1になるはずですが、いまは4になっているので、 おかしいです。

キ 5 3

よって、夕は3ではなく、8が入ることになります。

6×8=48 で、こんどは4がくり上がっています。 十の位は、6×5=30 で、4がくり上がっていますから、34。 十の位はちゃんと4になっているので、OKです。

百の位の計算では、3くり上がっていることを忘れないように しましょう。

本当は10以上でなければならないので、おかしいです。

キ 5 8 X 3 4 6 1 万 4 8

もし手が2だったら、6×2=12で、3くり上がっているから15。 これはバッチリOKで、ケは5になります。

もし土が3だったら、6×3=18で、3くり上がっているから21。 ところが千の位は2ではなく1になっているので、おかしいです。

早が4以上にしてもおかしいので、目は2で決まり、 *欠は5で決まりです*。

よって、右図のようになります。

2 5 **8** × 3 4 6

答えは、= 2、0 = 8、0 = 5 です。

練習 1

(1)
$$\underbrace{(4-1)}_{\text{かっこが先}} \times \{14-\underbrace{(1+3)}_{\text{かっこが先}} - 38 \div \underbrace{(4+15)}_{\text{かっこが先}} \}$$

$$= 3 \times (14-4-4-38 \div 19)$$

$$= 3 \times \underbrace{(14-4-4-4-2)}_{\text{かっこが先}} + 20$$

$$= 3 \times \underbrace{(14-4-4-4-2)}_{\text{かっこが先}} + 20$$

$$= 3 \times \underbrace{(10-4-4-2)}_{\text{かっこが先}} + 20$$

$$= 3 \times \underbrace{(10-4-4-2)}_{\text{かっこが}} + 20$$

練習 2 (1)

もし,()をつけなかったら,どういう順番で 計算することになるかを考えます。 $5 \ 1 \ 3 \ 2 \ 4$ $13-2\times4+28\div4\div3$

+ - よりも, × ÷ の方を先に計算するので,

はじめの計算は、2×4のかけ算か、28÷4のわり算です。

他に「左から先に計算する」というきまりがあるので、はじめの計算は、2×4のかけ算です。

この計算の上には①という番号がついているので、確かに第一に計算することになっていますから、これはOKです。

次に、28÷4のわり算をすることになりますが、これも②という番号がついているので、OKです。

これで、最初に 2×4、次に 28÷4 を計算することが わかりましたから、そこを でかこっておきます。

次に計算するところは、「×÷が先」というきまりがありますから、④のわり算になってしまいます。

ところが、④のわり算よりも、③のたし算を先に計算できるようにしなければならないので、右の式のように

 $13 - (2 \times 4 + 28 \div 4) \div 3$

()をつけなければなりません。

このように()をつけると、「かっこが先」なので③の計算が先になり、さらに⑤のひき算よりも④のわり 算が先なので④、最後に⑤の計算になり、ちゃんと番号順に計算ができるようになりました。

練習 2 (2)

このような問題では、 \square の中に $+-\times\div$ をいろいろ入れて 5 $\square 4 \square 3 \square 2 \square 1 = 10$ みて、10になったらラッキー、という方法もありますが、運が 悪いとなかなか 当たりません。なるべく楽に答えを求める方法を考えてみましょう。

まず、÷の記号をどこに入れるかを考えます。 + - ×とちがって、÷だけは、「わり切れない」ということがあるからです。 わり切れなければ答えが10にならないので、あまり変なところに÷を入れるわけにいかないのです。

たとえば右の式のように、はじめの \square に÷を入れると、 $5\div4$ の計算はわり切れないので、おかしいです。

右の式のように, 4÷3 とすると, これもわり切れないので, おかしいです。

右の式のように、 $3\div2$ とすると、これはOKなのです。 $3\div2$ はわり切れないじゃないかと思うかも知れませんが、

÷の前の記号が \times だったら、まず 4×3 をして12になり、次に12÷2をすることになるので、6となり、OKなのです。

$$5 \boxed{4 \times 3 \div 2} \boxed{1} = 10$$

あとは、+と-を入れるだけです。 残っている□は2つで、+・-と入れるか、または、 -・+と入れるかのどちらかですから、あとはやってみれば いいですね。

右の式のように入れると, 5+6=11, 11-1=10 となり, 5 やんと答えが合います。

$$5 + 4 \times 3 \div 2 - 1 = 10$$

よって答えは、右の式のようになります。

$$5 + 4 \times 3 \div 2 - 1 = 10$$

練習 2 (3)

計算の答えを大きくするためには,「かけ算」が 大切です。

$$3 \times 3 + 3 - 3 \div 3$$

かけ算というのは、かける数やかけられる数が少し大きくなっただけでも、その答えはかなり大きくなります。

たとえば、 5×6 を 5×7 にすると、30だったのが35 になり、5も大きくなります。 それにくらべてたし算は、5+6 を 5+7 にしても、11だったのが12になるだけで、1しか大きくなりません。

ところで、式の中に×の記号は、矢印のところにあります。

$$3 \times 3 + 3 - 3 \div 3$$

×の記号の左側は、3しかありませんからどうしようもありませんが、×の記号の右側は数字とか記号とかいろいろあるので、工夫のしがいがありそうですね。

そこで、右の式のように(をつけます。

$$3 \times (3 + 3 - 3 \div 3)$$

) のつけ方は3通りしかないので、3通り全部計算してしまいましょう。

$$3 \times (3 + 3) - 3 \div 3 = 3 \times 6 - 3 \div 3 = 18 - 3 \div 3 = 18 - 1 = 17$$

 $3 \times (3 + 3 - 3) \div 3 = 3 \times (6 - 3) \div 3 = 3 \times 3 \div 3 = 9 \div 3 = 3$
 $3 \times (3 + 3 - 3 \div 3) = 3 \times (3 + 3 - 1) = 3 \times (6 - 1) = 3 \times 5 = 15$

よって、答えが最も大きくなるときの答えは、17になります。

練習 3 (1)

やりたかった計算 … ある数に2をかけた答えを34からひく計算

まちがえた計算 … 34からある数をひいた答えに2をかけてしまった

まちがえた計算の答えが、40になってしまったのですから、

34からある数をひいた答えに2をかけると、40になる、

ということです。

34からある数をひいた答え に2をかけると,40になる。

ということですから、34からある数をひいた答えは、40÷2=20です。

34からある数をひいた答え が20であることを式にすると,

 $34 - \square = 20$ $\forall x = 0$

練習 3 (2)

やりたかった計算 … ある数に2をかけた答えを34からひく計算

まちがえた計算 … 34からある数をひいた答えに2をかけてしまった

(1)によって、ある数は14であることがわかりました。

やりたかった計算は、「ある数に2をかけた答えを34からひく計算」です。その、ある数にあたるのが14であることがわかったのですから、

「14に2をかけた答えを34からひく計算」をすればよいのです。

14に2をかけると、 $14 \times 2 = 28$ です。ですから、28を34からひく計算をすればよいことになるので、答えは 34 - 28 = 6 になります。

練習 4 (1)

 $9 \times \boxed{1}$ は、一の位が4になるのですが、9の段の九九により、 $9 \times 6 = 54$ のみです。

アイ × ラ9 4 耳 4 オカ 0

よって, 1は,6であることがわかります。

ア6 × ウ9 4 耳 4 オカ 0 料例の4

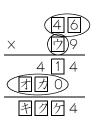
× 29 4 日 4 相 7 0 国 7 日 4

 46×9 ならば、計算すると414になって、5ゃんと百の位が4になるので0Kです。

56×9 ならば、計算すると504になって、百の位がオーバーするのでダメです。

よって、右図のようになることがわかりました。

次に, $46 \times 0 = 100$ のところを見ます。 かけ算をして, 一の位が0になるためには, $46 \times 5 = 230$ しかありえません。



よって右図のようになります。

練習 4 (2)

わり算のひっ算の中には、「かけ算」、「ひき算」、「数をおろす」が入っています。 例をあげて説明しましょう。

右図のような、410÷7という計算があったとします。

このひっ算の中には,5×7=35 というかけ算と,

8×7=56 というかけ算と,

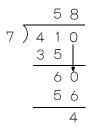
41-35=6 という ひき算と,

(次のページへ)

シリーズ4上第2回 くわしい解説

60-56=4 という ひき算.

それに,「Oをおろす」,ということをしています。



この問題も,右図の○でかこんだ部分は,かけ算ですから,

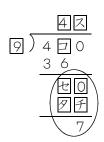
 $\forall x$ シ=36 です。

- ___ ところで, かけ算の九九で, 36になるのは, 4×9=36か,

したがって、世は4か6か9かのどれかです。しかし、最後に7あまっていることから、世は7より大きい数のはずなので、9に決まります。

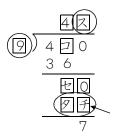
また、 $\forall \times \vec{\upsilon} = 36$ なので、 $\vec{\upsilon}$ は4です。

右図の○でかこんだ部分は,ひき算なので,



(次のページへ)

右図の矢印の子は,10-7=3になります。



ところで、右図の○でかこんだ部分は、かけ算なので、 9×Z のかけ算をすると、一の位が3になります。

九の段の九九で、一の位が3になるのは、9×7=63 だけです。

よって、又は7になり、夕は6になります。

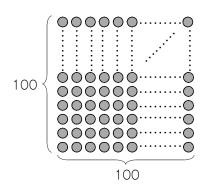
さらに、セロー63=7ですから、セロ=7+63=70。よってセ=7です。

また、4 コー36 = セですから、36 + セ=36 + 7 = 43。よって コ = 3 です。

よって、右の図のようになります。 答えは、 $\boxed{0}=3$ 、 $\boxed{+}=9$ 、 $\boxed{0}=4$ 、 $\boxed{0}=7$ 、 $\boxed{0}=0$ 、 $\boxed{0}=6$ 、 $\boxed{1}=3$ です。

練習 5

右の図は、ご石がたて、横100列ずつならんでいます。



右の図のように,たてのご石を1個ふやし,横のご石を1個へらすと,アの部分のご石が99個ふえ,イの部分のご石が100個へりますから,全体では1個へることになります。

このことから、101×99の答えは100×100の答えよりも 1小さくなることがわかります。

 $100 \times 100 = 100007 \text{ this}, 101 \times 99 \text{ it}, \\ 10000 - 1 = 9999 \text{ icallists}.$

